

รายวิชา คณิตศาสตร์

รหัสวิชา ค23102 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
หน่วยที่ 1 ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร

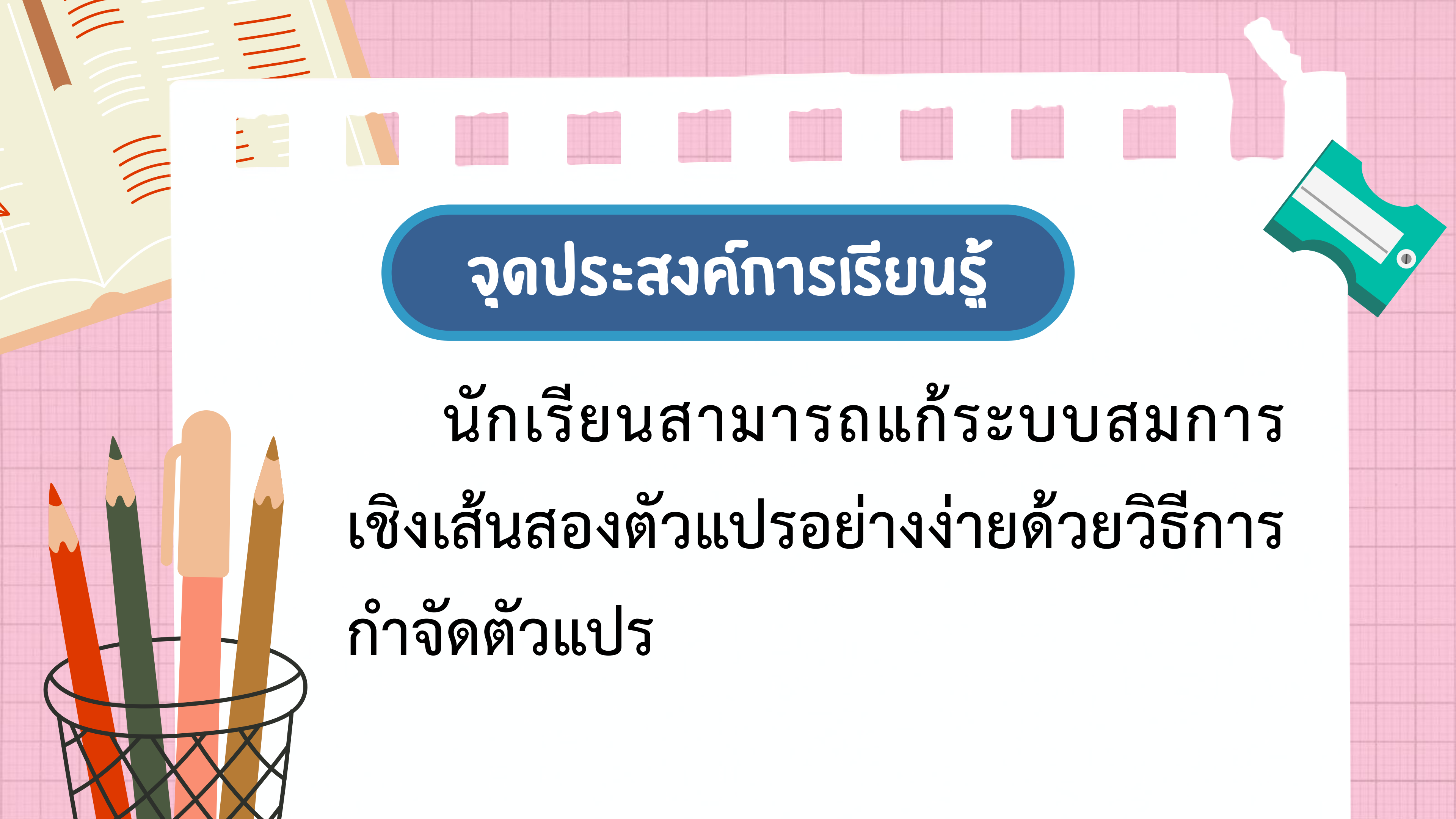
เรื่อง การแก้ระบบสมการเชิงเส้น
สองตัวแปร (1)

ครูผู้สอน ครูสรวิรัตน์ เดชะชาติ





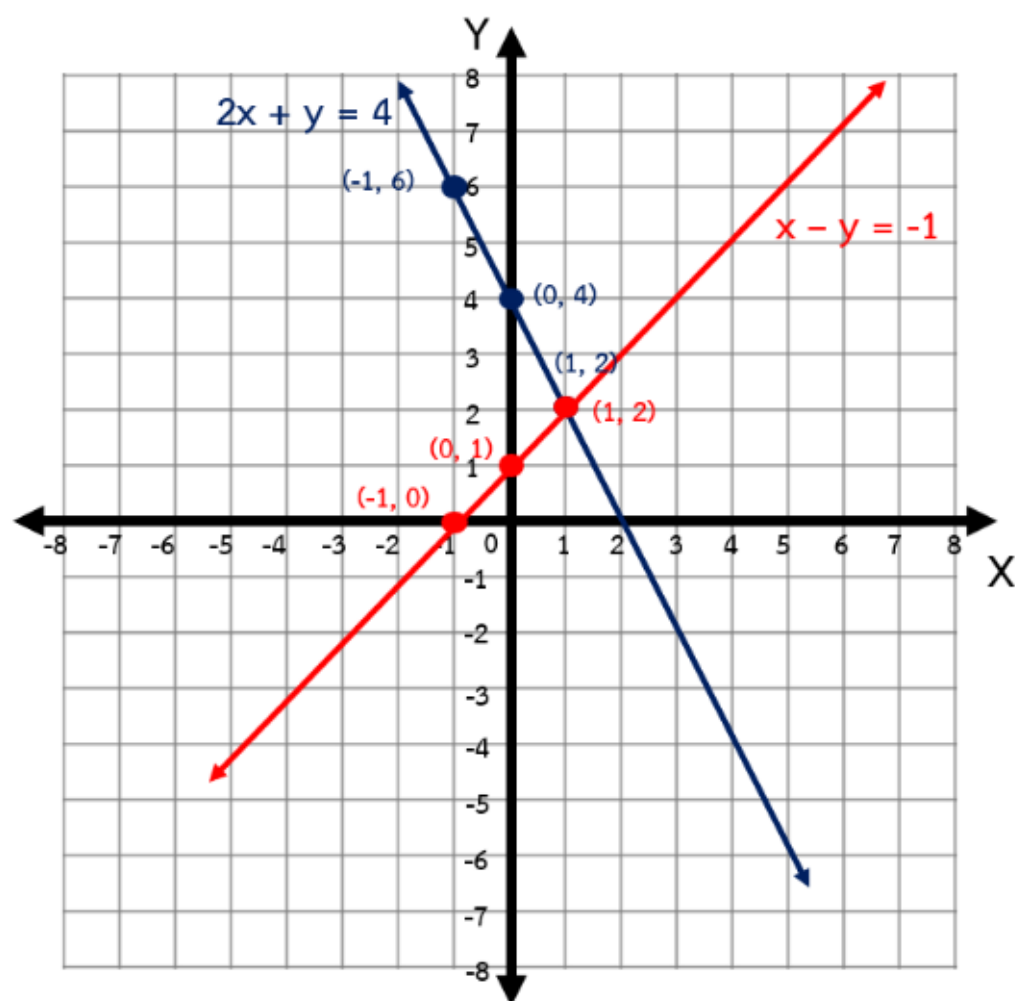
การแก้ระบบสมการ เชิงเส้นสองตัวแปร (1)



จุดประสงค์การเรียนรู้

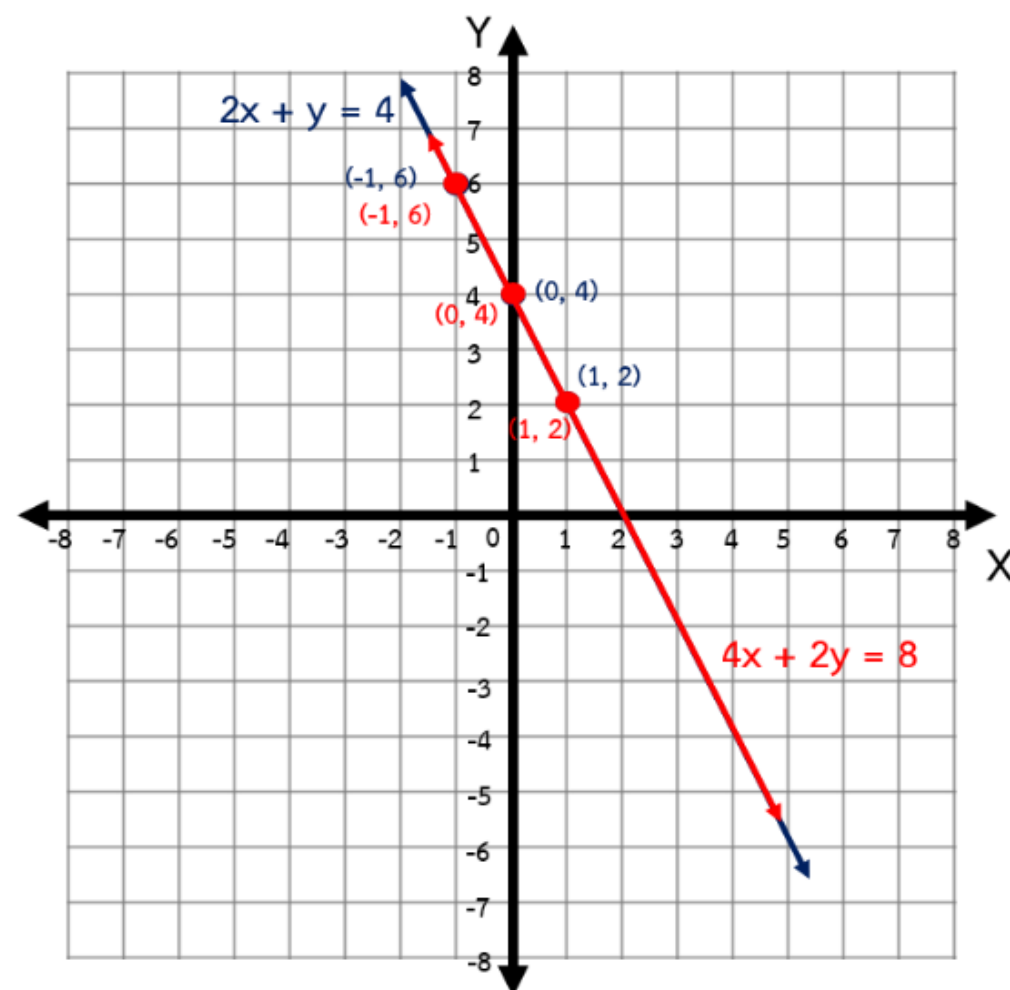
นักเรียนสามารถแก้ระบบสมการ
เชิงเส้นสองตัวแปรอย่างง่ายด้วยวิธีการ
กำจัดตัวแปร

กราฟทั้งสองตัดกัน



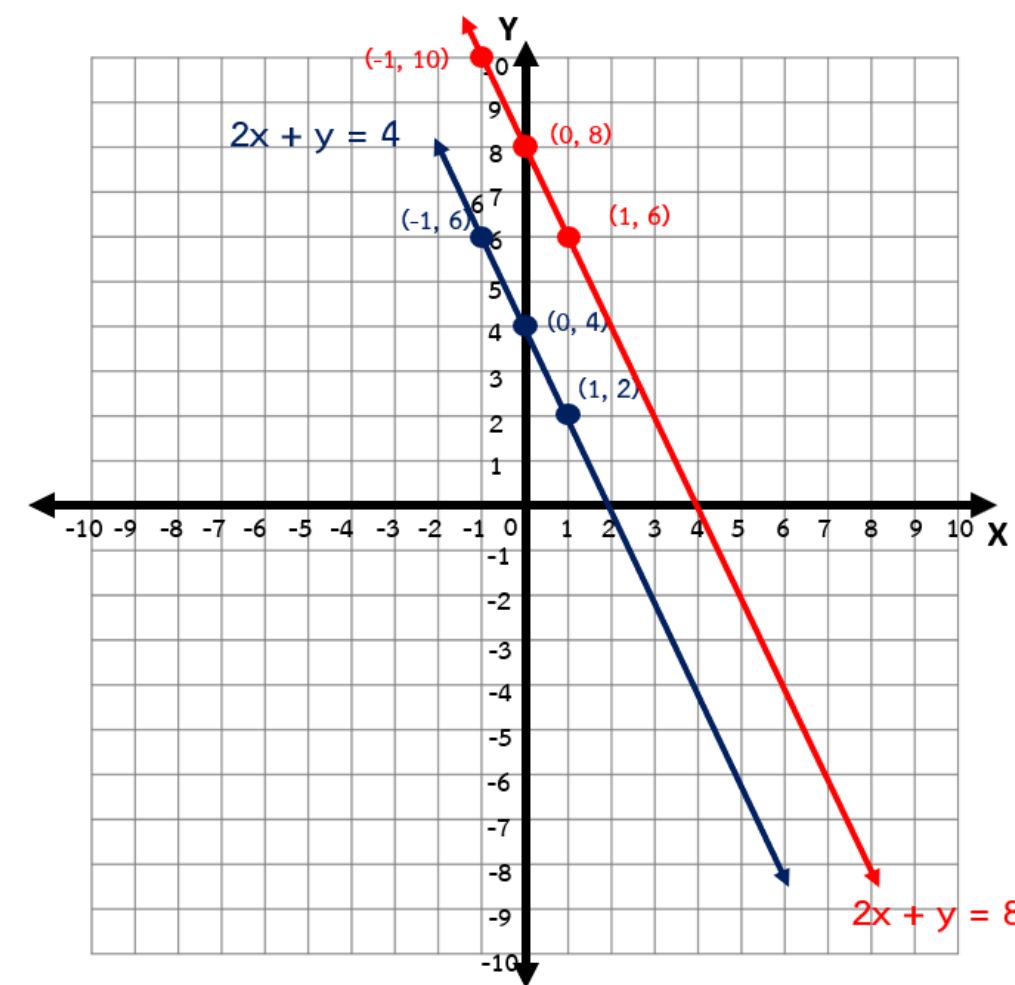
ระบบสมการ
มีเพียงคำตอบเดียว

กราฟทั้งสองทับกัน



ระบบสมการนี้
มีคำตอบมากมายไม่จำกัด

กราฟทั้งสองขนานกัน



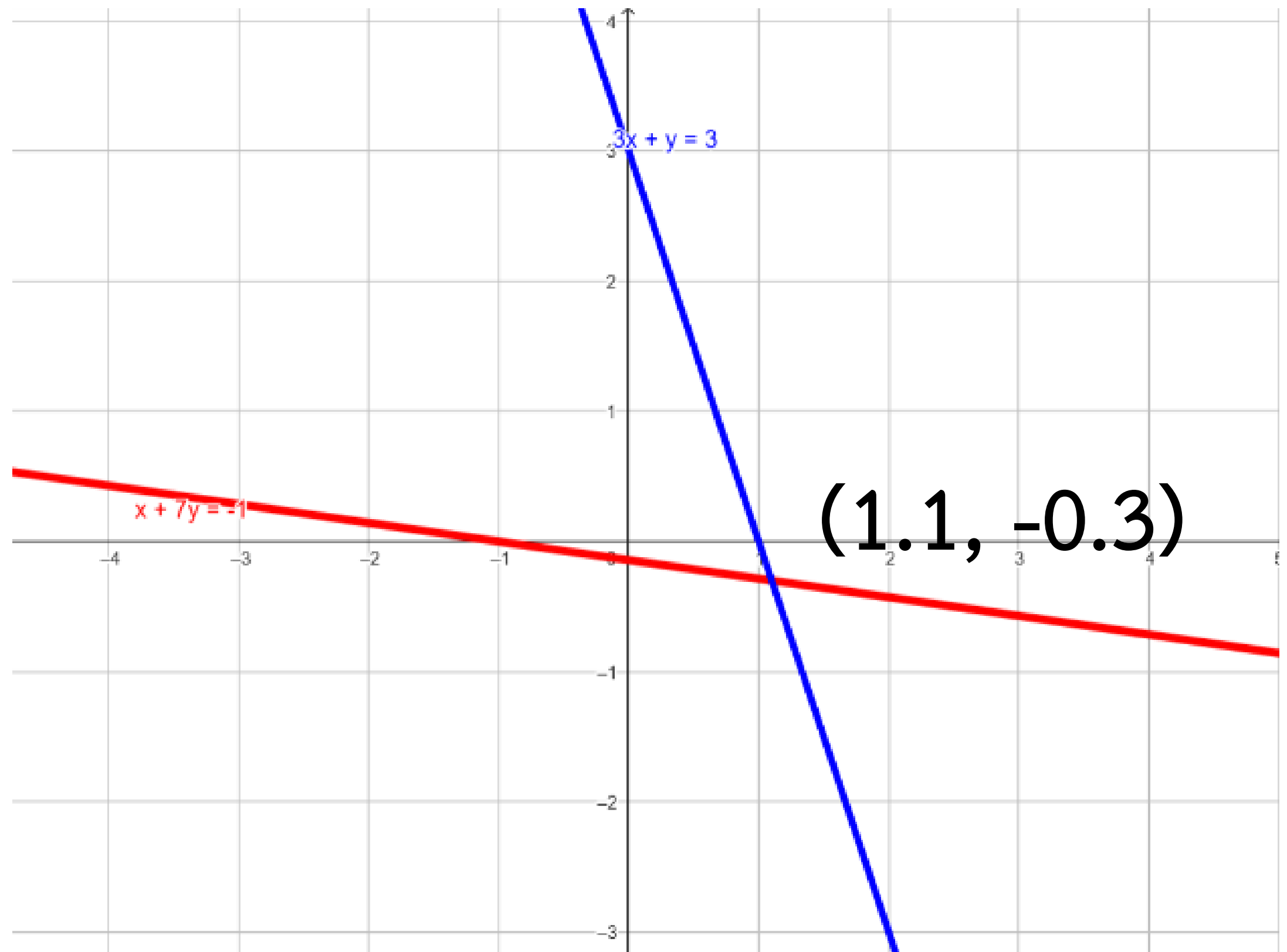
ระบบสมการนี้
ไม่มีคำตอบ

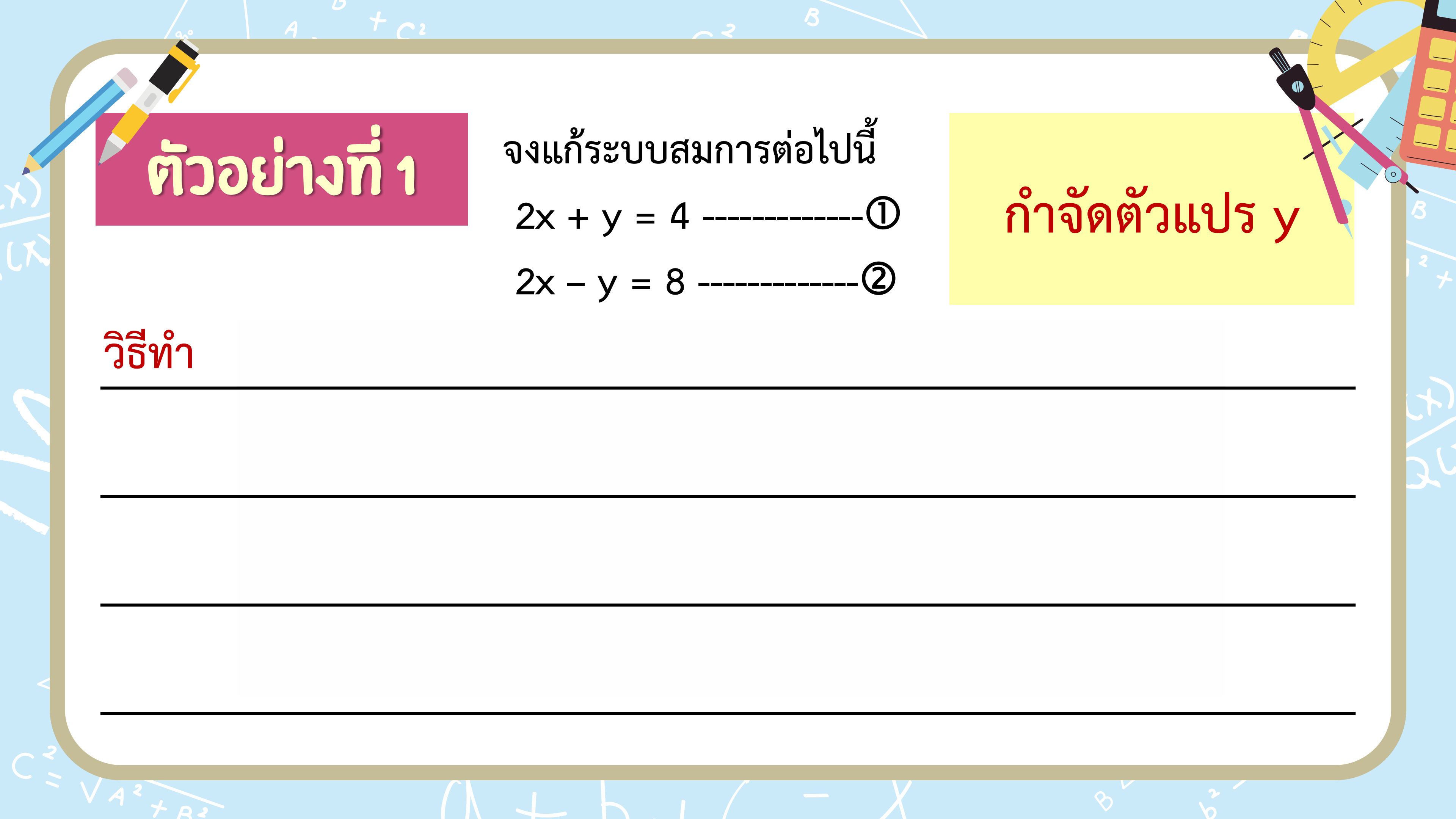
ทบทวน

$$x + y = -1$$

$$3x + y = 3$$

คำตอบของ
ระบบสมการนี้
คืออะไร



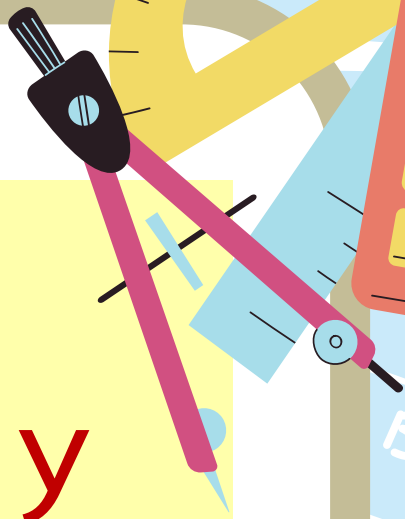


ตัวอย่างที่ 1

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

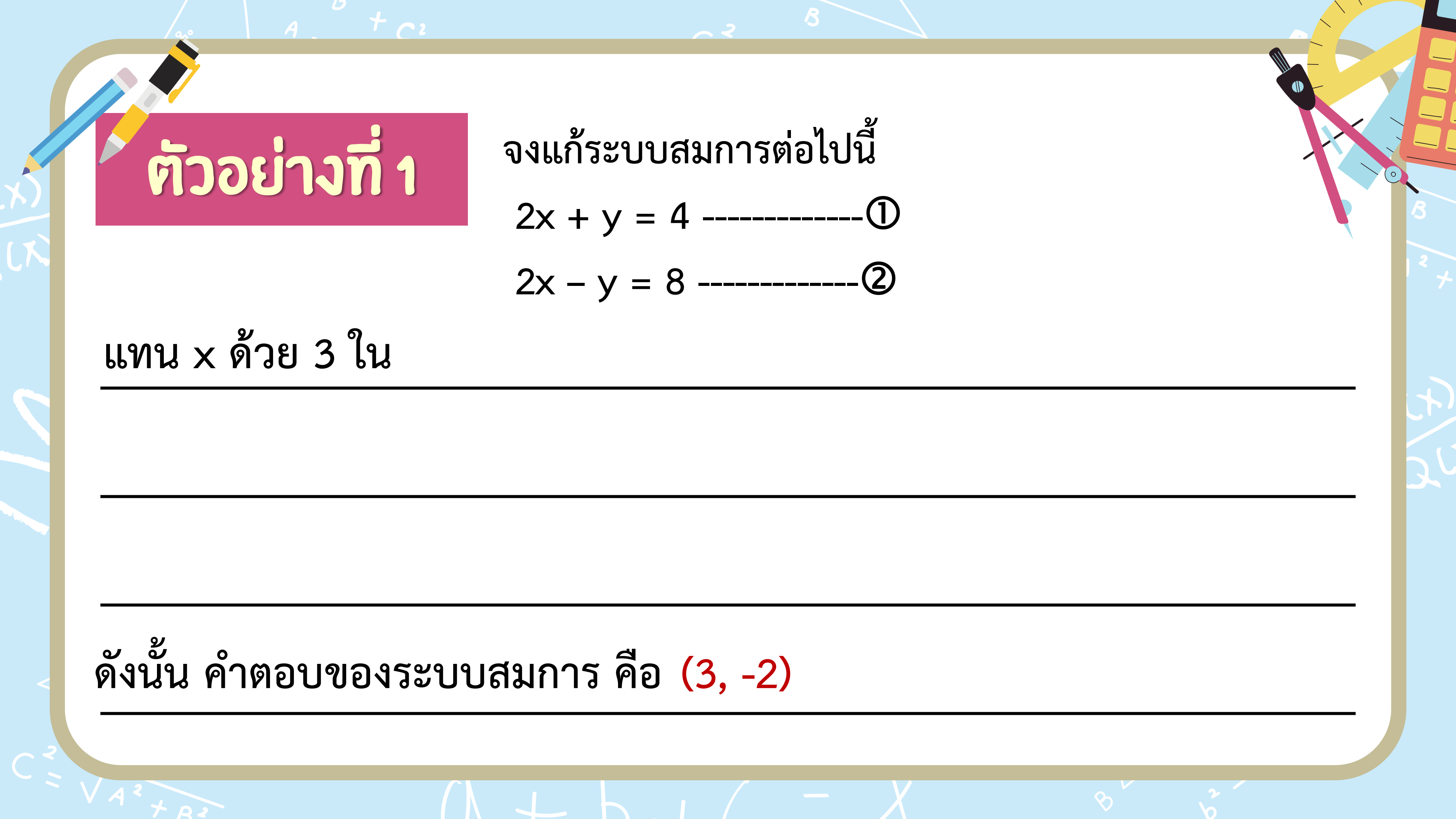
$$2x + y = 4 \text{ ----- ①}$$

$$2x - y = 8 \text{ ----- ②}$$



กำจัดตัวแปร y

วิธีทำ



ตัวอย่างที่ 1

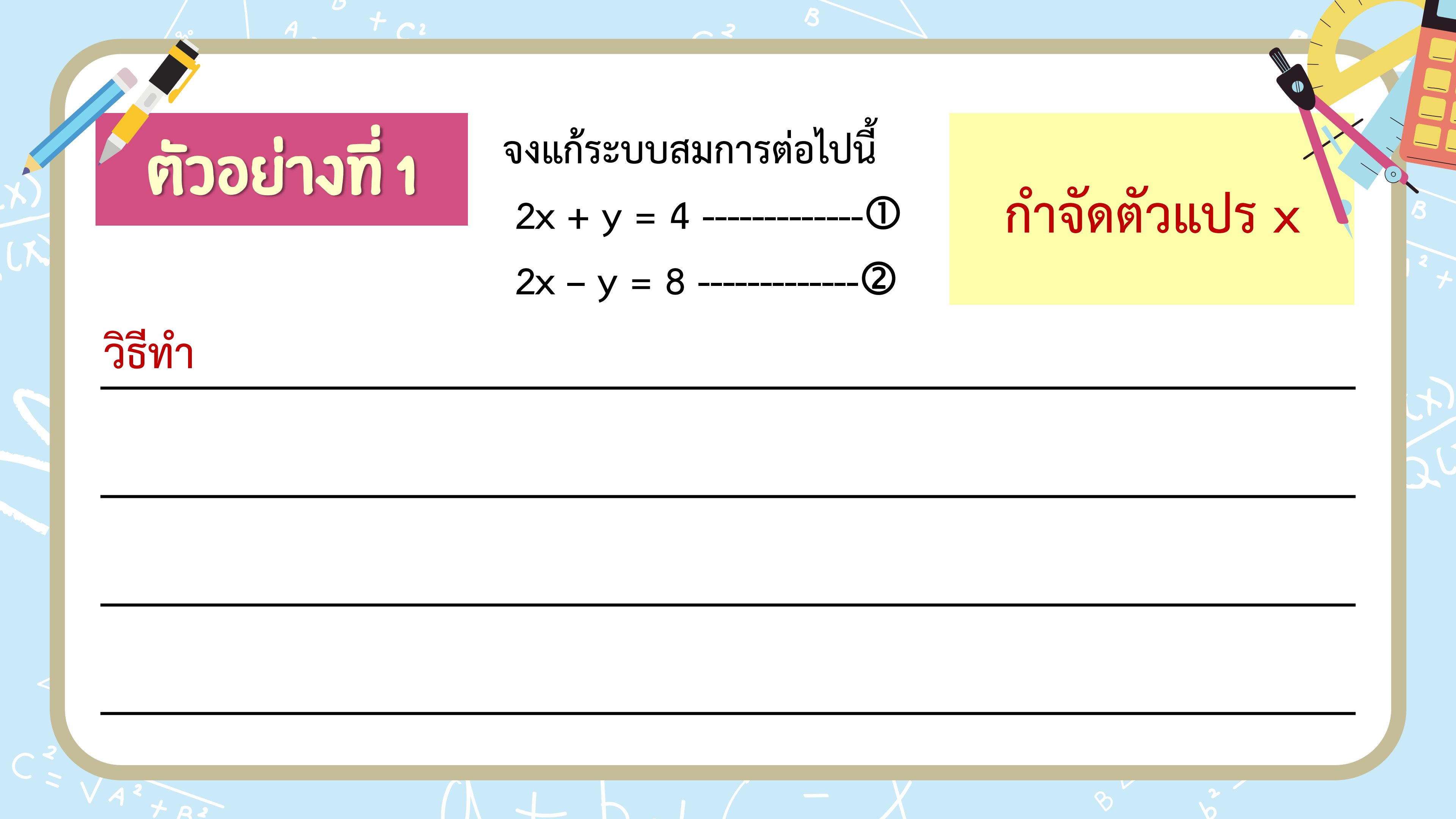
จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$2x + y = 4 \text{ ----- ①}$$

$$2x - y = 8 \text{ ----- ②}$$

แทน x ด้วย 3 ใน

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ **(3, -2)**

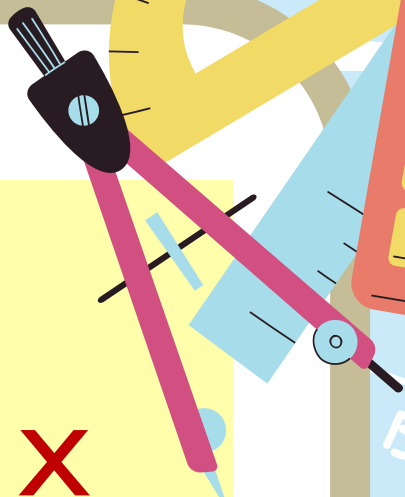


ตัวอย่างที่ 1

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

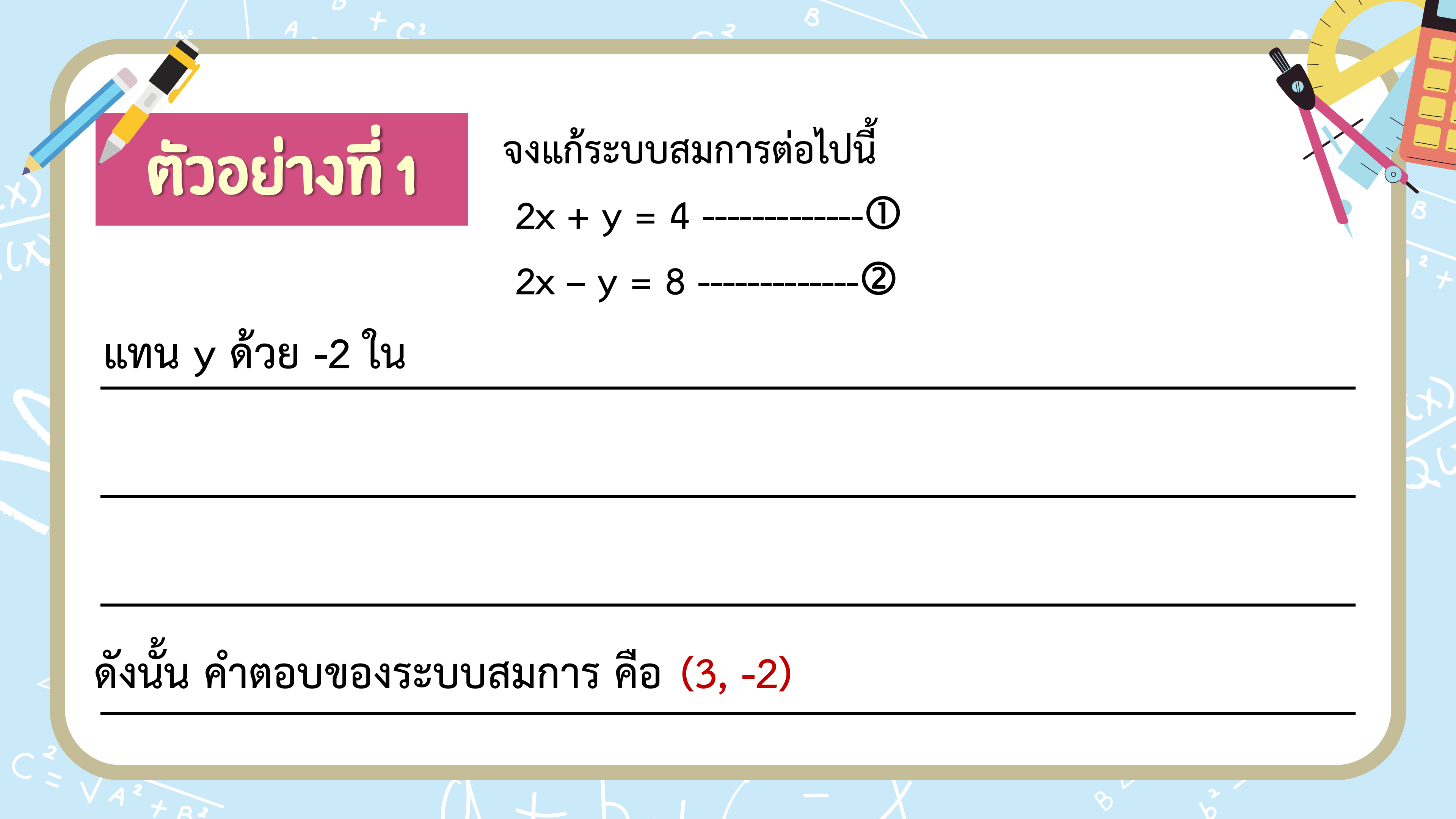
$$2x + y = 4 \text{ ----- ①}$$

$$2x - y = 8 \text{ ----- ②}$$



กำจัดตัวแปร x

วิธีทำ



ตัวอย่างที่ 1

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$2x + y = 4 \text{ ----- ①}$$

$$2x - y = 8 \text{ ----- ②}$$

แทน y ด้วย -2 ใน

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ $(3, -2)$

ตัวอย่างที่ 2

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$5x - 2y = -7 \text{ ----- ①}$$

$$5x + 2y = -3 \text{ ----- ②}$$

วิธีทำ

เลขที่คี่ให้ทำวิธี
กำจัดตัวแปร x

เลขที่คู่ให้ทำวิธี
กำจัดตัวแปร y

ตัวอย่างที่ 2

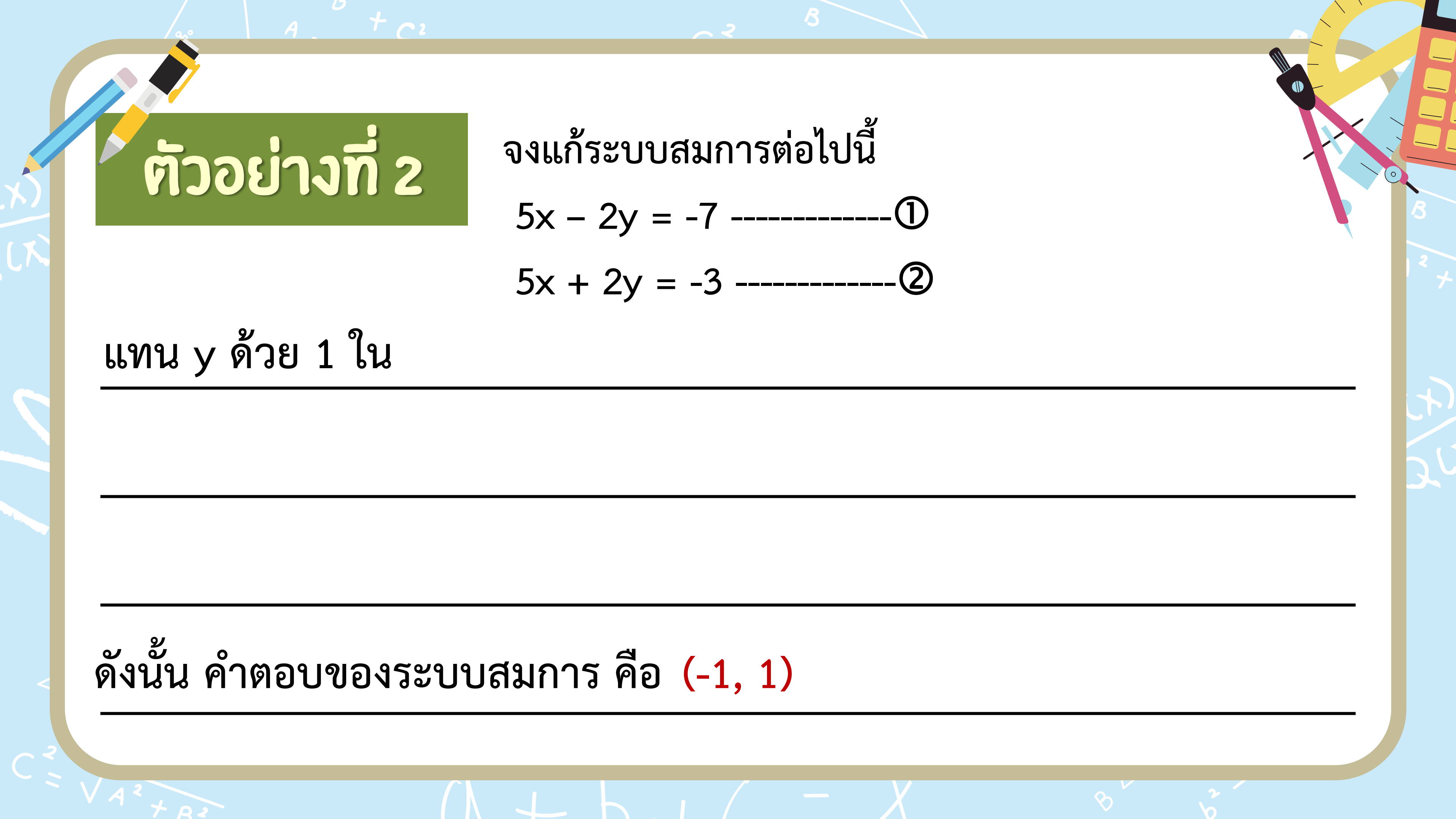
จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$5x - 2y = -7 \text{ ----- ①}$$

$$5x + 2y = -3 \text{ ----- ②}$$

กำจัดตัวแปร x

วิธีทำ



ตัวอย่างที่ 2

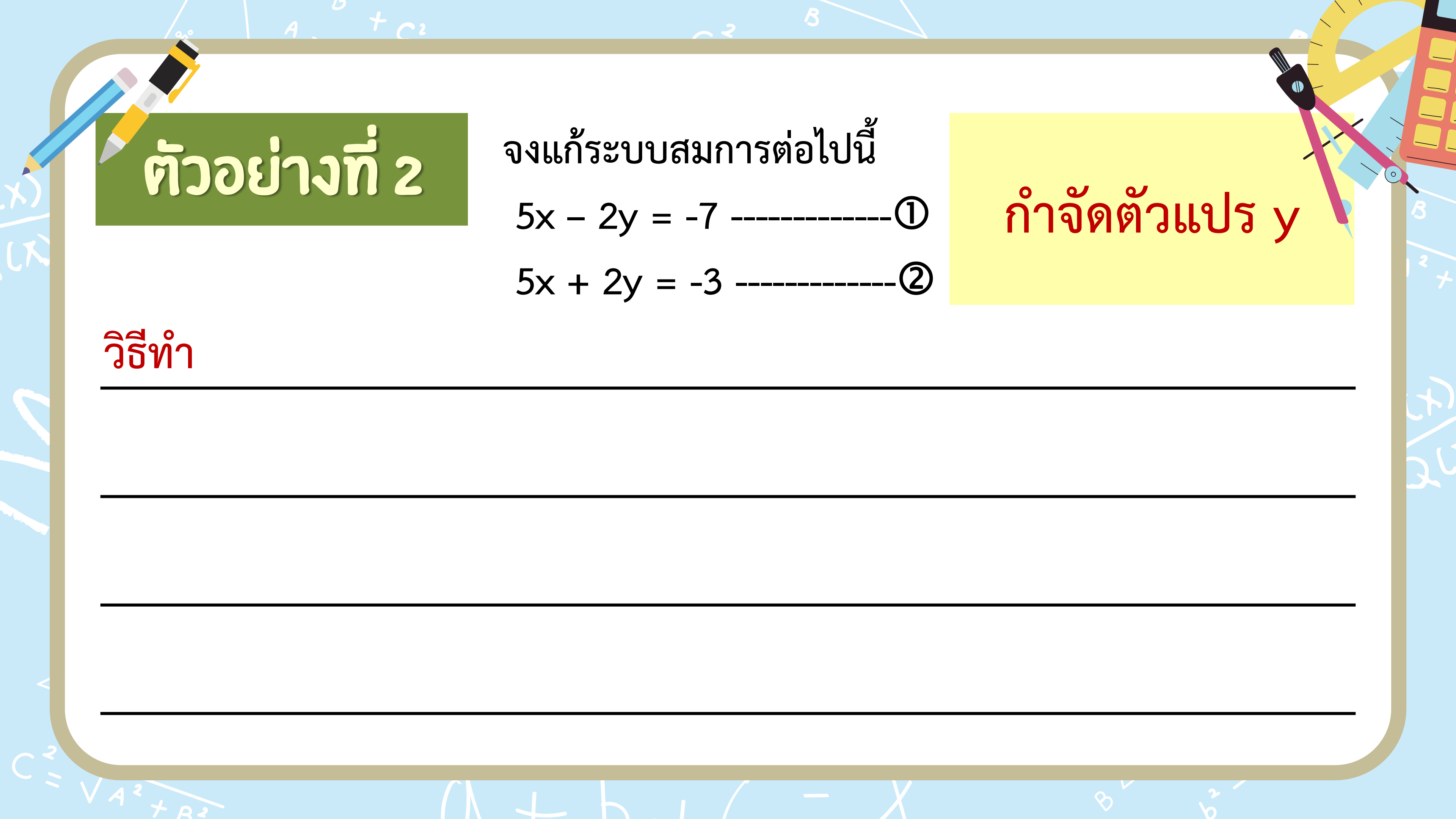
จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$5x - 2y = -7 \text{ ----- ①}$$

$$5x + 2y = -3 \text{ ----- ②}$$

แทน y ด้วย 1 ใน

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ **$(-1, 1)$**

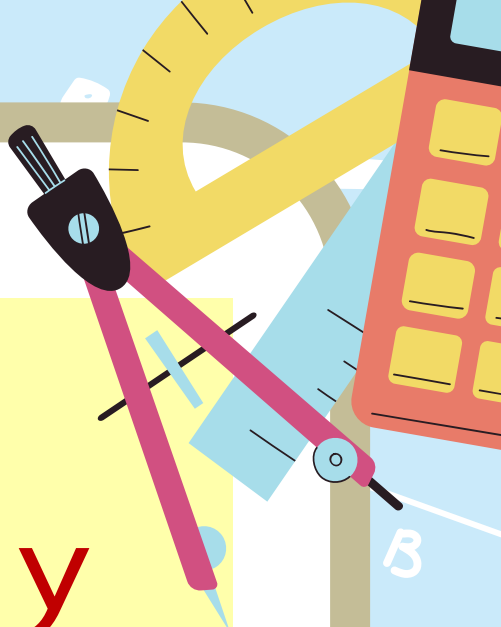


ตัวอย่างที่ 2

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

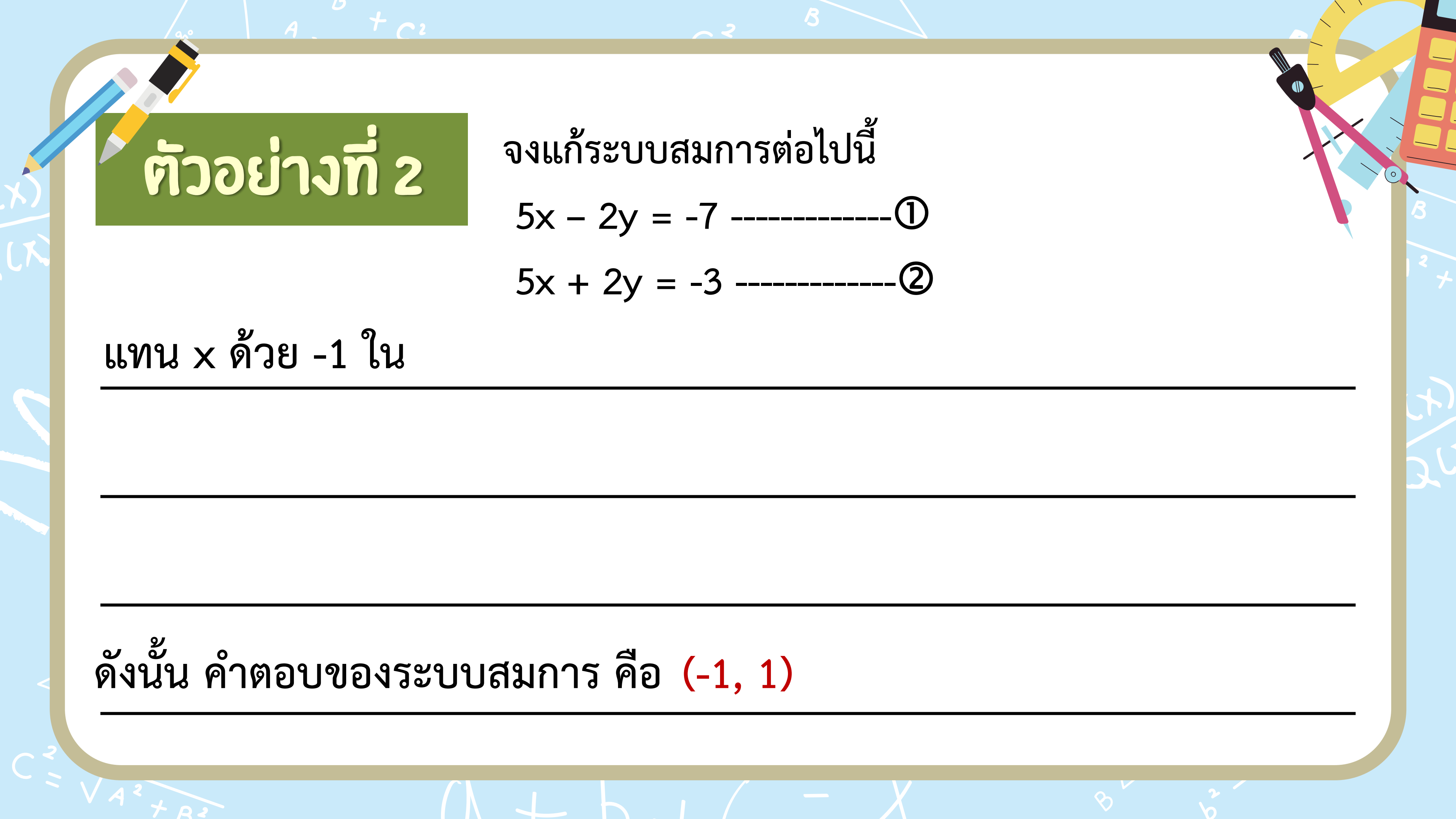
$$5x - 2y = -7 \text{ ----- ①}$$

$$5x + 2y = -3 \text{ ----- ②}$$



กำจัดตัวแปร y

วิธีทำ



ตัวอย่างที่ 2

จงแก้ระบบสมการต่อไปนี้

$$5x - 2y = -7 \text{ ----- ①}$$

$$5x + 2y = -3 \text{ ----- ②}$$

แทน x ด้วย -1 ใน

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ $(-1, 1)$

ขั้นตอนการแก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร

1. เลือกกำจัดตัวแปรที่มีสัมประสิทธิ์เป็นจำนวนเดียวกันหรือจำนวนตรงข้ามกัน
2. หากสัมประสิทธิ์ของตัวแปรที่ต้องการกำจัดเป็นจำนวนเดียวกันให้นำสมการทั้งสองไปลบกัน หากสัมประสิทธิ์ของตัวแปรที่ต้องการกำจัดเป็นจำนวนตรงข้ามกันให้นำสมการทั้งสองไปบวกกัน
3. แก้สมการเพื่อหาค่าตัวแปรที่เหลืออยู่
4. นำค่าที่ได้แทนค่าลงในสมการที่เหมาะสม เพื่อหาค่าตัวแปรอีกตัวหนึ่ง



แบบฝึกหัดที่ 3

ดาวน์โหลดข้อมูลได้ที่ www.dltv.ac.th

เรื่อง การแก้ระบบสมการ เชิงเส้นสองตัวแปร (1)



แบบฝึกหัด 3 : การแก้สมการเชิงเส้นสองตัวแปร (1)
 หน่วยการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร
 รายวิชา คณิตศาสตร์ รหัสวิชา ค23102 ภาคเรียนที่ 2 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

คำชี้แจง ให้นักเรียนแก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปรต่อไปนี้

1. จงแก้ระบบสมการ $2x + 3y = 1$ ----- ①

$$2x - 3y = 7 \text{ ----- ②}$$

วิทย์ฯ ๑

2. จงแก้ระบบสมการ $3x + 2y = -13$ ----- ①

$$3x - 2y = -5 \text{ ----- } \textcircled{2}$$

[illegible]



คำชี้แจง : ให้นักเรียนแก้ระบบสมการเชิงเส้น
สองตัวแปรต่อไปนี้

1. จงแก้ระบบสมการ $2x + 3y = 1$ ----- ①

$2x - 3y = 7$ ----- ②

2. จงแก้ระบบสมการ $3x + 2y = -13$ ----- ①

$3x - 2y = -5$ ----- ②





เฉลย แบบฝึกหัด



1. จงแก้ระบบสมการ

$$2x + 3y = 1 \text{ ----- ①}$$

$$2x - 3y = 7 \text{ ----- ②}$$

วิธีทำ ①-② ;

$$(2x + 3y) - (2x - 3y) = 1 - 7$$

$$2x + 3y - 2x - 3y = -6$$

$$6y = -6$$

$$y = -1$$



แทน $y = -1$ ในสมการ ① ; $2x + 3(-1) = 1$

$$2x - 3 = 1$$

$$2x = 4$$

$$x = 2$$

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ $(2, -1)$



2. จงแก้ระบบสมการ

$$3x + 2y = -13 \text{ ----- ①}$$

$$3x - 2y = -5 \text{ ----- ②}$$

วิธีทำ ①+② ; $(3x + 2y) + (3x - 2y) = -13 + (-5)$

$$3x + 2y + 3x - 2y = -18$$

$$6x = -18$$

$$x = -3$$



แทน $x = -3$ ในสมการ ① ; $3(-3) + 2y = -13$

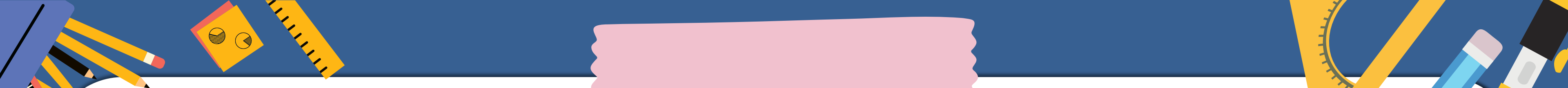
$$-9 + 2y = -13$$

$$2y = -4$$

$$y = -2$$

ดังนั้น คำตอบของระบบสมการ คือ $(-2, -3)$





สรุปบทเรียน

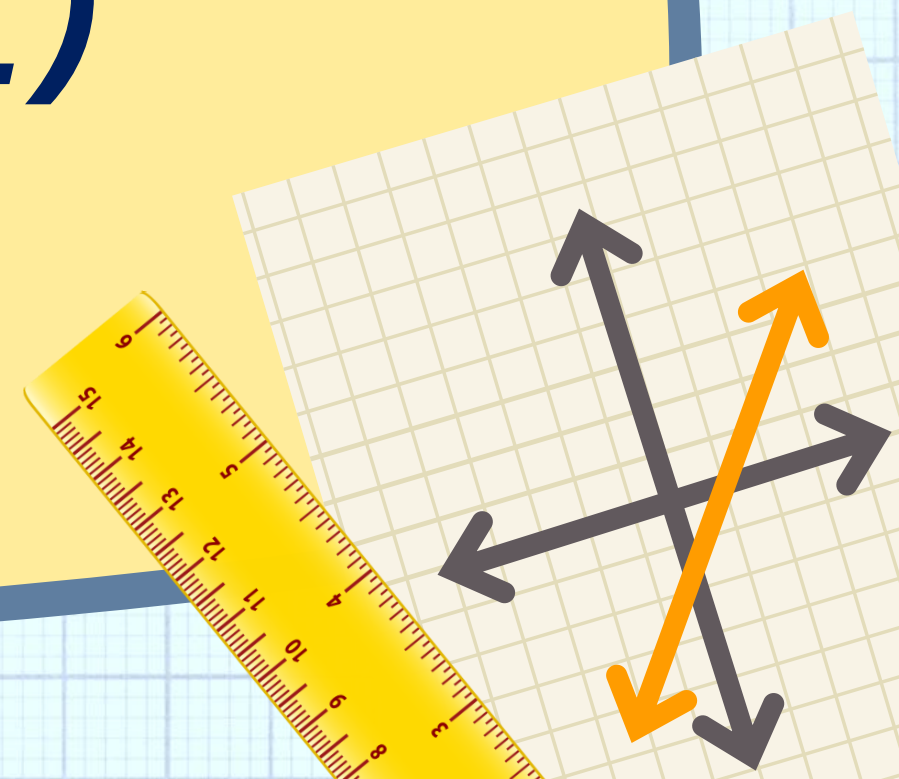
การแก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปรในกรณีที่ระบบสมการมีสัมประสิทธิ์ของตัวแปรใดตัวแปรหนึ่งของทั้งสองสมการเป็นจำนวนเดียวกันหรือจำนวนตรงข้ามกันด้วยวิธีการกำจัดตัวแปร ทำได้โดยนำจำนวนที่อยู่ข้างเดียวกันของเครื่องหมายเท่ากับของสมการทั้งสองมาบวกหรือลบกัน เพื่อให้ได้สมการใหม่ที่มีตัวแปรเพียงตัวเดียว แล้วจึงแก้สมการนี้เพื่อให้ได้ค่าของตัวแปรนั้น หลังจากนั้นนำค่าของตัวแปรที่ได้นี้ไปแทนในสมการที่เหมาะสม เพื่อให้ได้ค่าของตัวแปรอีกตัวหนึ่งที่เหลือ



บทเรียนครั้งต่อไป

ดาวน์โหลดข้อมูลได้ที่ www.dltv.ac.th

การแก้ระบบสมการ เชิงเส้นสองตัวแปร (2)



สิ่งที่ต้องเตรียม

ดาวน์โหลดข้อมูลได้ที่ www.dltv.ac.th

- แบบฝึกหัด 4 : การแก้ระบบสมการเชิงเส้น
สองตัวแปร (2)
- แบบฝึกหัด 5 : การแก้ระบบสมการเชิงเส้น
สองตัวแปร (3)

