

# รายวิชา คณิตศาสตร์

รหัสวิชา ค23101 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

หน่วยที่ 2 การแยกตัวประกอบของพหุนามที่มีดีกรีสูงกว่าสอง

เรื่อง การแยกตัวประกอบของพหุนาม  
ที่มีดีกรีสูงกว่าสองในชีวิตจริง

ครูผู้สอน ครูเกียรติศักดิ์ แสงทอง



# การแยกตัวประกอบของพหุนาม ที่มีดีกรีสูงกว่าสองในชีวิตจริง



# จุดประสงค์การเรียนรู้

นักเรียนสามารถใช้ความรู้เรื่องการแยกตัวประกอบของพหุนามที่มีดีกรีสูงกว่าสองในการหาคำตอบของปัญหาที่กำหนด





การแยกตัวประกอบของพหุนามที่อยู่ในรูป  
ผลบวกของกำลังสาม สามารถทำได้ตามสูตรดังนี้

$$\text{หน้า}^3 + \text{หลัง}^3 = (\text{หน้า} + \text{หลัง})(\text{หน้า}^2 - \text{หน้าหลัง} + \text{หลัง}^2)$$





การแยกตัวประกอบของพหุนามที่อยู่ในรูป  
ผลต่างของกำลังสาม สามารถทำได้ตามสูตรดังนี้

$$\text{หน้า}^3 - \text{หลัง}^3 = (\text{หน้า} - \text{หลัง})(\text{หน้า}^2 + \text{หน้าหลัง} + \text{หลัง}^2)$$





การแยกตัวประกอบของพหุนามที่มีดีกรีสูงกว่าสาม  
อาจทำได้โดยการจัดพหุนามนั้นให้อยู่ในรูป

- ผลต่างของกำลังสอง
- กำลังสองสมบูรณ์
- ผลบวกของกำลังสาม
- ผลต่างของกำลังสาม

หรือ นำแนวคิดในการแยกตัวประกอบของ  
พหุนามดีกรีสองในรูปอื่น ๆ มาใช้






# Google Maps

ค้นหา โรงเรียนวังไกลกังวล ในพระบรมราชูปถัมภ์



โรงเรียนวังไกลกังวล ในพระบรมราชูปถัมภ์



**โรงเรียนวังไกลกังวล ในพระบรมราชูปถัมภ์**

3.5 ★★★★★ (2)  
โรงเรียนมัธยมศึกษาตอนต้น · ๕

ภาพรวม    รีวิว    เกี่ยวกับ

เส้นทาง    บันทึก    โกลเดียง    ส่งไปที่โทรศัพท์    แชร์

35 ถ.เพชรเกษม ตำบลหัวหิน อำเภอหัวหิน ประจวบคีรีขันธ์ 77110

เปิด · ปิด 15:30

wkkw.ac.th

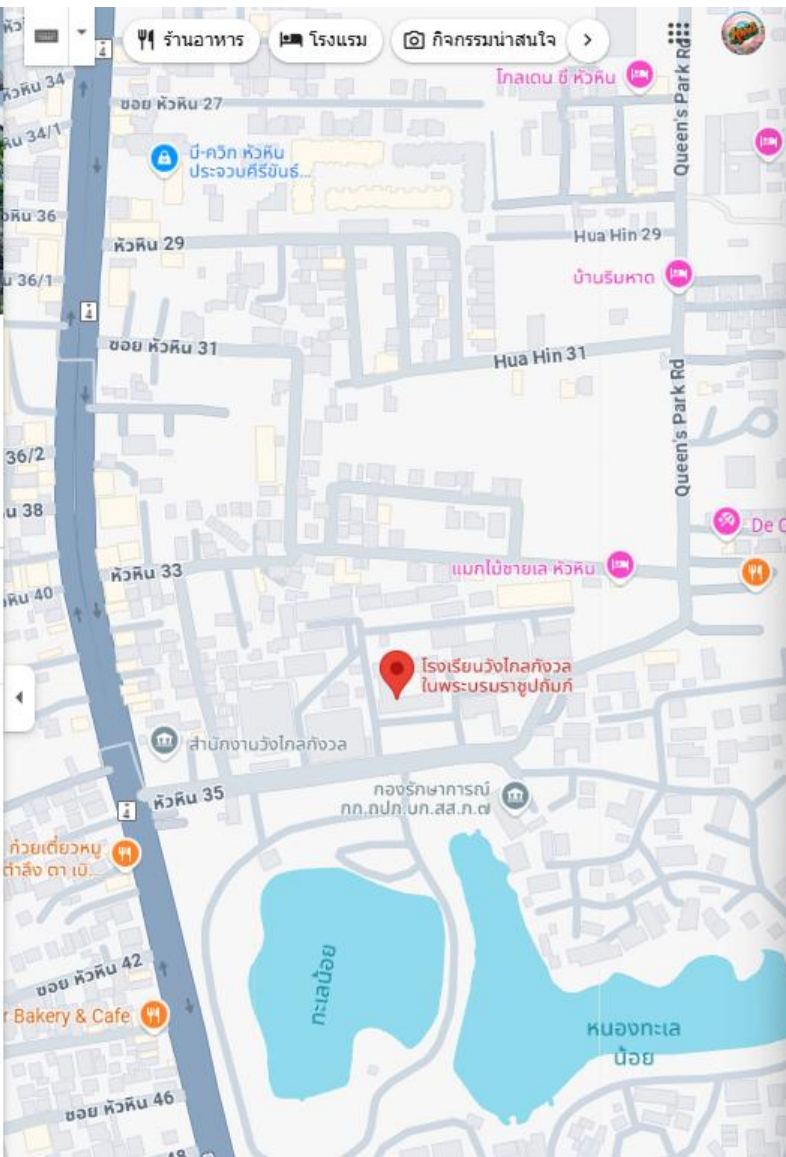
032 520 478

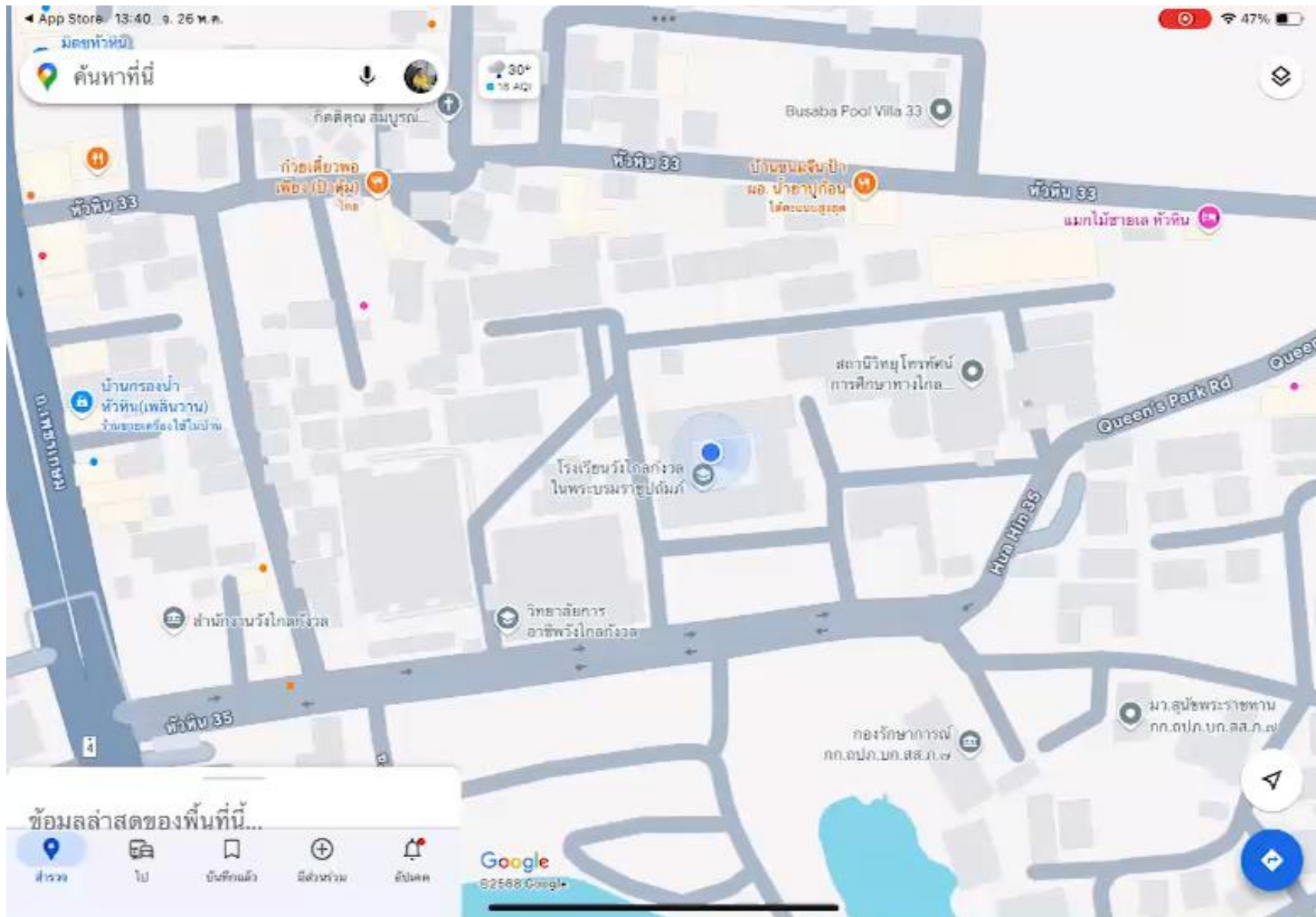
HXV2+5R ตำบลหัวหิน อำเภอหัวหิน ประจวบคีรีขันธ์

อ้างอิงในธุรกิจนี้

กิจกรรมบนแผนที่ของคุณ

เพิ่มป้ายกำกับ

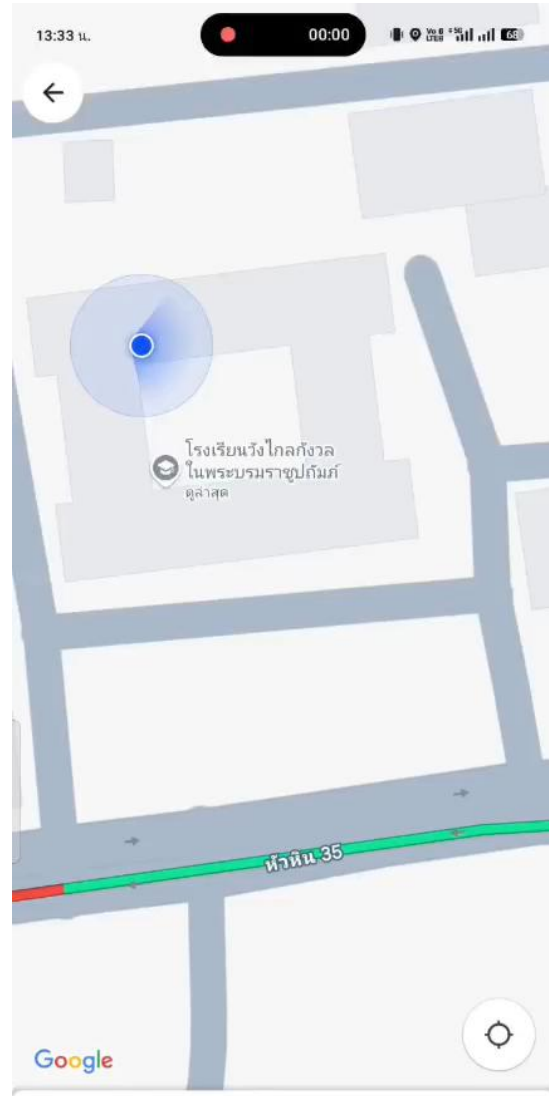




ระบบปฏิบัติการ

iOS





ตำแหน่งของคุณ

# ระบบปฏิบัติการ Android





[Redacted]



HXV2+5R ตำบลหัวหิน อำเภอหัวหิน ประจวบคีรีขันธ์



อ้างอิงในธุรกิจนี้



กิจกรรมบนแผนที่ของคุณ

# Plus Code



วัดระฆะทาง



HXV2+7V8 ตำบลหัวหิน อำเภอหัวหิน  
ประจวบคีรีขันธ์



(12.5931586, 99.9521924)

## Plus Code

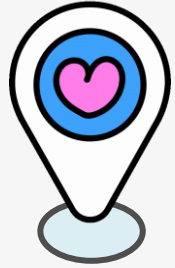
แชร์โค้ดสั้นของสถานที่นี้

HXV2+7Q5 ตำบลหัวหิน อำเภอหัวหิน  
ประจวบคีรีขันธ์

คัดลอกโค้ด

[ดูข้อมูลเพิ่มเติม](#)





# รู้จัก Plus Code

**Plus Code** ซึ่งเป็นชุดรหัสสำหรับระบุตำแหน่งของสถานที่ ซึ่งประกอบด้วยตัวอักษรและตัวเลข ความยาวไม่เกิน 11 หลัก คำนวณมาจากละติจูดและลองจิจูดของสถานที่ ดังกล่าว Plus Code อาจมีชื่อเมือง หรือประเทศหรือไม่ก็ได้



# ลองค้นหา

HR3F+2P, Hua Hin



ลองค้นหา

HR3F+2P, Hua Hin

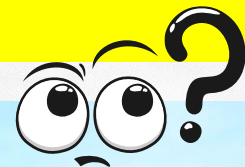


วัดห้วยมงคล



ลองค้นหา

HX93+3RP, Hua Hin



สถานีรถไฟหัวหิน



# ลองค้นหา

FXXF+7P, Hua Hin



สวนสนประดิพัทธ์



ใบกิจกรรม 4 : สถานที่ปริศนาในหัวหิน  
 หน่วยการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง การแยกตัวประกอบของพหุนามที่มีดีกรีสูงกว่าสอง  
 รายวิชา คณิตศาสตร์ รหัสวิชา ค23101 ภาคเรียนที่ 1 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3



ครูหนุ่มได้สร้างชุดรหัส Plus Code ให้กับนักเรียนได้ค้นหาสถานที่ปริศนาในหัวหิน  
 โดยนักเรียนจะต้องค้นหาตัวอักษรที่หายไปของชุดรหัส Plus Code จากการแยกตัว  
 ประกอบของพหุนามที่ครูกำหนดให้ และเรียงลำดับของตัวประกอบเพื่อสร้างชุดรหัส Plus Code  
 โดยมีรายละเอียดดังนี้

- นักเรียนเรียงลำดับตัวประกอบที่มีดีกรีต่ำไปหาตัวประกอบที่มีดีกรีสูง ในกรณีที่ตัว  
 ประกอบมีดีกรีเท่ากัน ให้นักเรียนหาค่าของตัวประกอบ โดยการแทนค่าตัวแปรในตัวประกอบด้วย  
 จำนวนใดจำนวนหนึ่ง เช่น แทนค่าตัวแปรด้วย 5 แล้วเรียงลำดับของตัวประกอบตามค่าของตัว  
 ประกอบที่ได้นั้น จากนั้นนำไปหามาก
- จากนั้นแทนตัวประกอบแต่ละตัวด้วยตัวอักษรในตารางรหัสแผนที่ แล้วนำรหัสที่  
 สมบูรณ์ไปค้นหาใน Google Maps ที่ <http://www.google.co.th/maps> เพื่อค้นหาว่าชุดรหัส  
 Plus Code นี้แสดงตำแหน่งของสถานที่ใด

ตารางรหัสแผนที่		
A = $4x^2 + 7$	J = $7x + 2$	S = $7x^2 - 14x + 4$
B = $4x^2 - 7$	K = $7x - 2$	T = $7x^2 + 14x + 4$
C = $4x^2 + 49$	L = $4x^2 - 14x + 49$	U = $49x^4 + 14x^2 + 4$
D = $49x^2 + 4$	M = $49x^2 - 14x + 4$	V = $49x^4 - 14x^2 + 4$
E = $49x^2 - 2$	N = $x - 4$	W = $2x + 7$
F = $2x - 7$	O = $x + 4$	X = $7x^2 + 2$
G = $7x^2 - 2$	P = $4x^2 + 14x + 49$	Y = $x + 49$
H = $16x^2 + 7$	Q = $2x^2 - 7$	Z = $x - 49$
I = $16x^2 - 7$	R = $2x^2 + 7$	



Snipping Tool



# ใบกิจกรรมที่ 4

## เรื่อง สถานที่ปริศนาในหัวหิน



สามารถดาวน์โหลด  
 ได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th)

### สถานที่ปริศนา 1

พหุนาม  $16x^4 - 2401$        $343x^3 - 8$

ตัวประกอบ  $(\quad)(\quad)(\quad)$        $(\quad)(\quad)$

Plus Code      +      8      , Hua Hin

สถานที่ปริศนา คือ \_\_\_\_\_

### สถานที่ปริศนา 2

พหุนาม  $49x^4 - 4$        $14x^3 - 4x^2 - 49x + 14$

ตัวประกอบ  $(\quad)(\quad)$        $(\quad)(\quad)$

Plus Code      + 7      , Hua Hin

สถานที่ปริศนา คือ \_\_\_\_\_

### สถานที่ปริศนา 3

พหุนาม  $49x^3 - 14x^2 + 14x - 4$        $343x^6 - 8$

ตัวประกอบ  $(\quad)(\quad)$        $(\quad)(\quad)$

Plus Code      23 +      2      , Hua Hin

สถานที่ปริศนา คือ \_\_\_\_\_



## ใบกิจกรรมที่ 4

### เรื่อง สถานที่ปริศนาในหัวหิน



สามารถดาวน์โหลด  
ได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th)



ครูหนุ่มได้สร้างชุดรหัส Plus Code ให้นักเรียนได้ค้นหาสถานที่ปริศนาในหัวหิน  
โดยนักเรียนจะต้องค้นหาตัวอักษรที่หายไปของชุดรหัส Plus Code จากการแยกตัว  
ประกอบของพหุนามที่ครูกำหนดให้ และเรียงลำดับของตัวประกอบเพื่อสร้างชุดรหัส Plus Code  
โดยมีรายละเอียดดังนี้



1. นักเรียนเรียงลำดับตัวประกอบที่มีดีกรีต่ำไปหาตัวประกอบที่มีดีกรีสูง ในกรณีที่ตัว  
ประกอบมีดีกรีเท่ากัน ให้นักเรียนหาค่าของตัวประกอบ โดยการแทนค่าตัวแปรในตัวประกอบด้วย  
จำนวนใดจำนวนหนึ่ง เช่น แทนค่าตัวแปรด้วย 5 แล้วเรียงลำดับของตัวประกอบตามค่าของตัว  
ประกอบที่ได้นั้น จากน้อยไปหามาก



2. จากนั้นแทนตัวประกอบแต่ละตัวด้วยตัวอักษรในตารางรหัสแผนที่ แล้วนำรหัสที่  
สมบูรณ์ไปค้นหาใน Google Maps ที่ <http://www.google.co.th/maps> เพื่อค้นหาว่าชุดรหัส  
Plus Code นี้แสดงตำแหน่งของสถานที่ใด

# ตารางรหัสแผนที่

$$A = 4x^2 + 7$$

$$B = 4x^2 - 7$$

$$C = 4x^2 + 49$$

$$D = 49x^2 + 4$$

$$E = 49x^2 - 2$$

$$F = 2x - 7$$

$$G = 7x^2 - 2$$

$$H = 16x^2 + 7$$

$$I = 16x^2 - 7$$

$$J = 7x + 2$$

$$K = 7x - 2$$

$$L = 4x^2 - 14x + 49$$

$$M = 49x^2 - 14x + 4$$

$$N = x - 4$$

$$O = x + 4$$

$$P = 4x^2 + 14x + 49$$

$$Q = 2x^2 - 7$$

$$R = 2x^2 + 7$$

$$S = 7x^2 - 14x + 4$$

$$T = 7x^2 + 14x + 4$$

$$U = 49x^4 + 14x^2 + 4$$

$$V = 49x^4 - 14x^2 + 4$$

$$W = 2x + 7$$

$$X = 7x^2 + 2$$

$$Y = x + 49$$

$$Z = x - 49$$

## สถานที่ปริศนา 1

พหุนาม

$$16x^4 - 2401$$

$$343x^3 + 8$$

ตัวประกอบ

$$(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}})$$

$$(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}})$$



Plus Code

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_ +

\_\_\_\_\_

8 , Hua Hin



สถานที่ปริศนา คือ

\_\_\_\_\_

## สถานที่ปริศนา 2

## สถานที่ปริศนา 2

พหุนาม

$$49x^4 - 4$$

$$14x^3 + 4x^2 - 49x - 14$$

ตัวประกอบ

$$(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}})$$

$$(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}})$$



Plus Code

\_\_\_\_

8

\_\_\_\_ + 7 \_\_\_\_

, Hua Hin



สถานที่ปริศนา คือ

\_\_\_\_\_

### สถานที่ปริศนา 3

พหุนาม

$$49x^3 - 14x^2 + 14x - 4$$

$$343x^6 - 8$$

ตัวประกอบ

$$(\quad)(\quad)$$

$$(\quad)(\quad)$$



Plus Code

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2 3 +

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2 , Hua Hin



สถานที่ปริศนา คือ

\_\_\_\_\_

## สถานที่ปริศนา 1

พหุนาม

$$16x^4 - 2401$$

$$343x^3 + 8$$

ตัวประกอบ

$$\left( \underline{2x - 7} \right) \left( \underline{2x + 7} \right) \left( \underline{4x^2 + 49} \right)$$

$$\left( \underline{7x + 2} \right) \left( \underline{49x^2 - 14x + 4} \right)$$



Plus Code

F

W

C

J

+

M

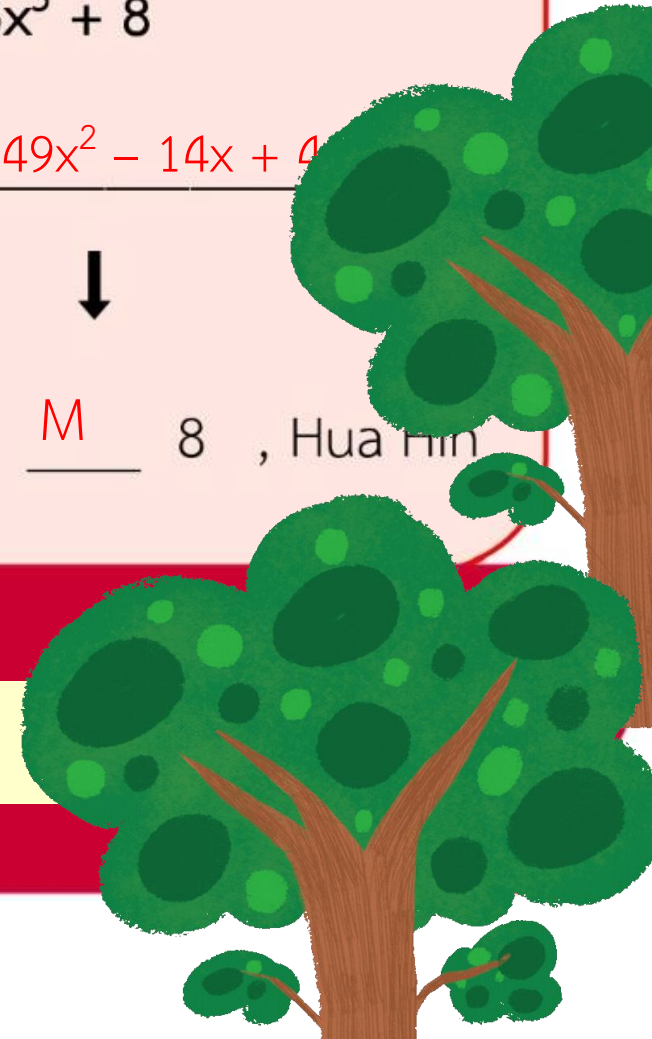
8

, Hua Hin



สถานที่ปริศนา คือ

หัวหินซาฟารี



## สถานที่ปริศนา 2

พหุนาม

$$49x^4 - 4$$

$$14x^3 + 4x^2 - 49x - 14$$

ตัวประกอบ

$$\left( \underline{7x^2 - 2} \right) \left( \underline{7x^2 + 2} \right)$$

$$\left( \underline{7x + 2} \right) \left( \underline{2x^2 - 7} \right)$$



Plus Code

G

X

8

J

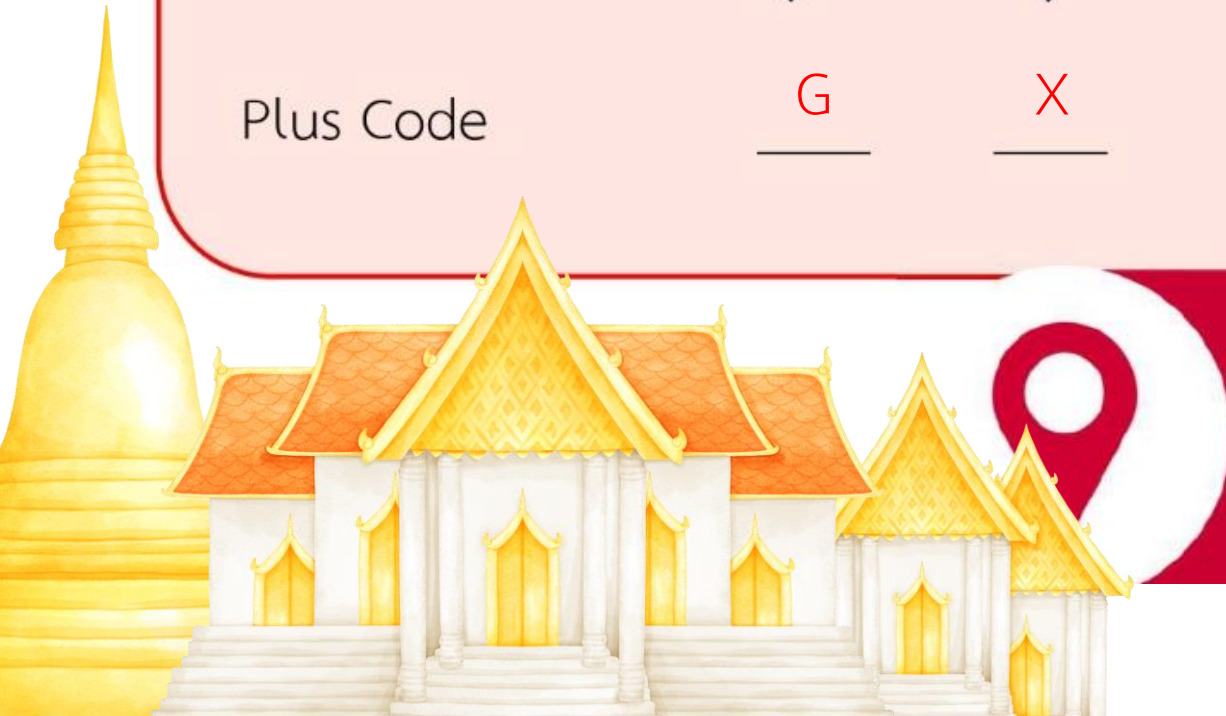
+ 7

Q

, Hua Hin

สถานที่ปริศนา คือ

วัดเขาตะเกียบ



### สถานที่ปริศนา 3

พหุนาม  $49x^3 - 14x^2 + 14x - 4$

$343x^6 - 8$

ตัวประกอบ  $(7x + 2)(7x^2 + 2)$

$(7x^2 - 2)(49x^4 - 14x^2 + 4)$



Plus Code

J

X

23 +

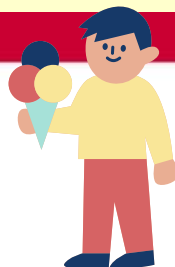
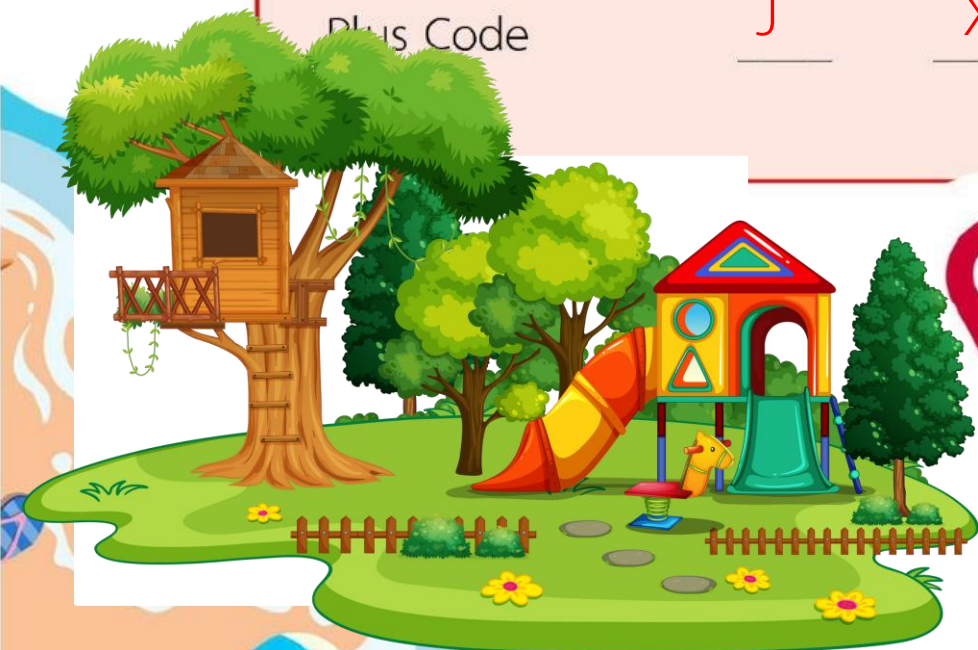
G

V

2, Hua Hin

สถานที่ปริศนา คือ

สวนหลวงราชินี 19 ไร่





# บทเรียนครั้งต่อไป

หน่วยที่ 3 สมการกำลังสองตัวแปรเดียว

เรื่อง แนะนำสมการกำลังสองตัวแปรเดียว



ดาวน์โหลดเอกสารได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th)

รายวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3



$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$ax^2+bx+c=0$$

$$ax^2+bx+c=0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

# สิ่งที่โรงเรียนปลายทางต้องเตรียม

$2a$

## แบบฝึกหัด 1

### กลวงสมการกำลังสอง



ดาวน์โหลดเอกสารได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th)

รายวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3



$$ax^2+bx+c=0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$ax^2+bx+c=0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$ax^2+bx+c=0$$

