

รายวิชา คณิตศาสตร์

รหัสวิชา ค22102

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2

## เรื่อง จับคู่รูปร่างที่สอง (2)

ครูผู้สอน ครูณัฐนรี จารุศุภกร

ครูนงคันุช สุกใส





# จับคู่รูปภาพที่สอง (2)

# จุดประสงค์การเรียนรู้

นักเรียนสามารถหารากที่สองของ  
จำนวนจริงบวกใด ๆ หรือศูนย์ โดยใช้  
บทนิยามของรากที่สองหรือการแยก  
ตัวประกอบ



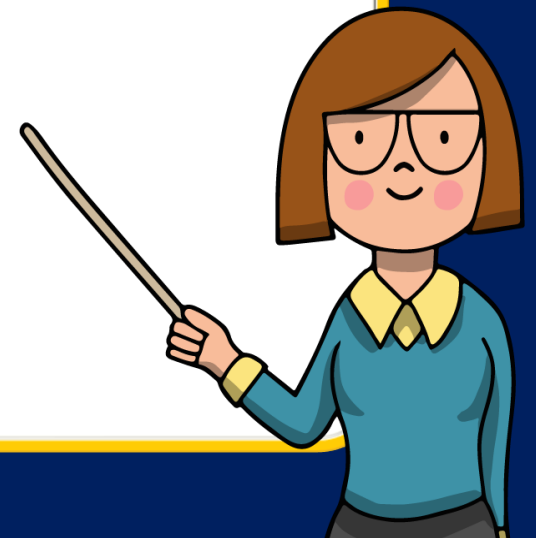
# รากที่สองของจำนวนจริงบวกและศูนย์



ถ้า  $a$  เป็นจำนวนจริงบวก รากที่สองของ  $a$  มีสองราก  
คือ รากที่สองที่เป็นบวก ซึ่งแทนด้วยสัญลักษณ์  $\sqrt{a}$   
และ รากที่สองที่เป็นลบ ซึ่งแทนด้วยสัญลักษณ์  $-\sqrt{a}$



ถ้า  $a = 0$  รากที่สองของ  $a$  คือ  $0$





รากที่สองของ 64  
คือจำนวนใด



8 และ -8 🥰





รากที่สองของ 256  
คือจำนวนใด



16 และ -16 🥰





สำหรับการหารากที่สองของ  
จำนวนที่มากขึ้น อาจต้องอาศัย  
การแยกตัวประกอบของจำนวน  
มาช่วยในการหารากที่สอง



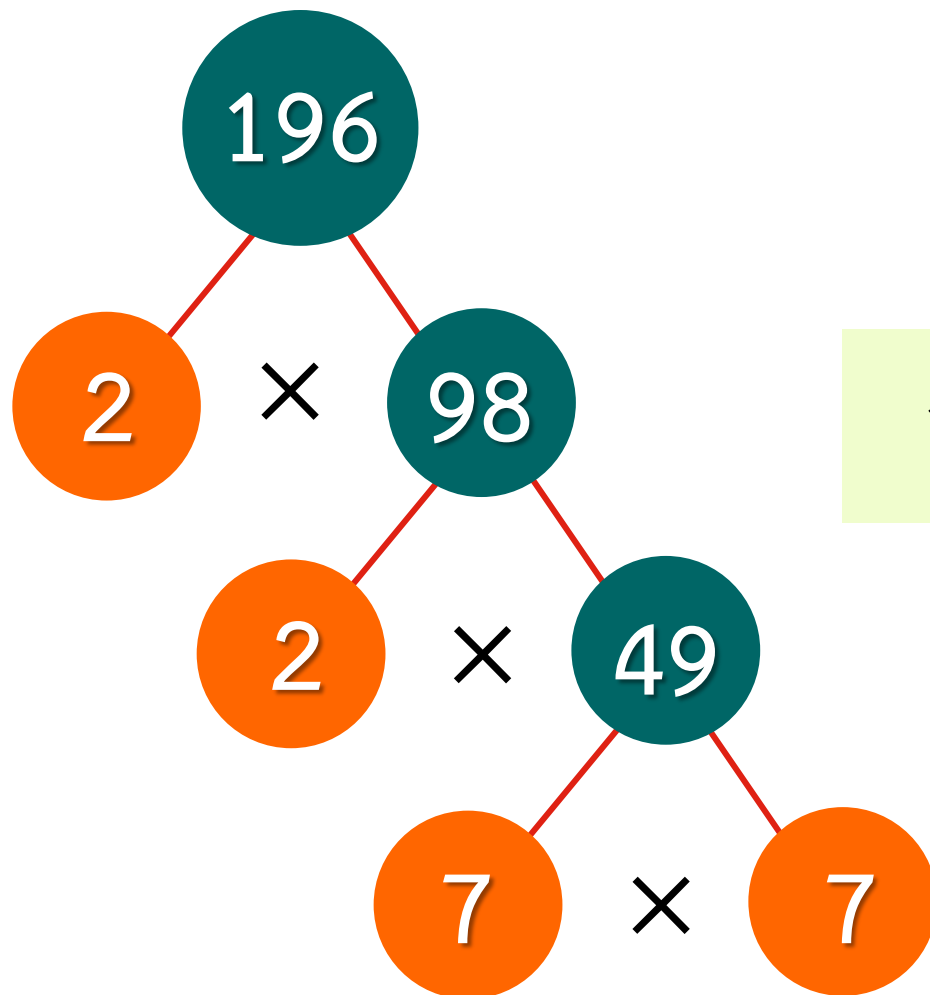
รากที่สองของ 256  
คือจำนวนใด



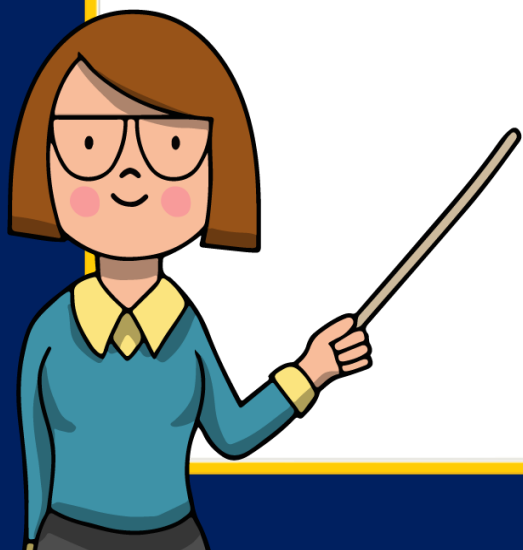
16 และ -16 🤔



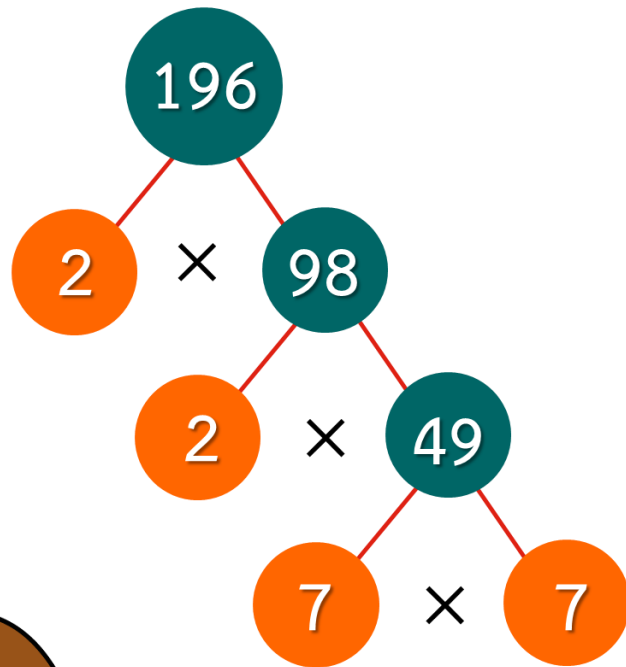
# ให้นักเรียนแยกตัวประกอบของ 196



$$196 = 2 \times 2 \times 7 \times 7$$







จากตัวอย่างแยกตัวประกอบของ 196  
ได้เป็น  $2 \times 2 \times 7 \times 7$

และเมื่อใช้สมบัติการเปลี่ยนหมู่ จะได้

$$2 \times 2 \times 7 \times 7 = (2 \times 7) \times (2 \times 7)$$

$$= (2 \times 7)^2$$

$$= 14^2$$

รากที่สองของ 196 คือ **14 และ -14**



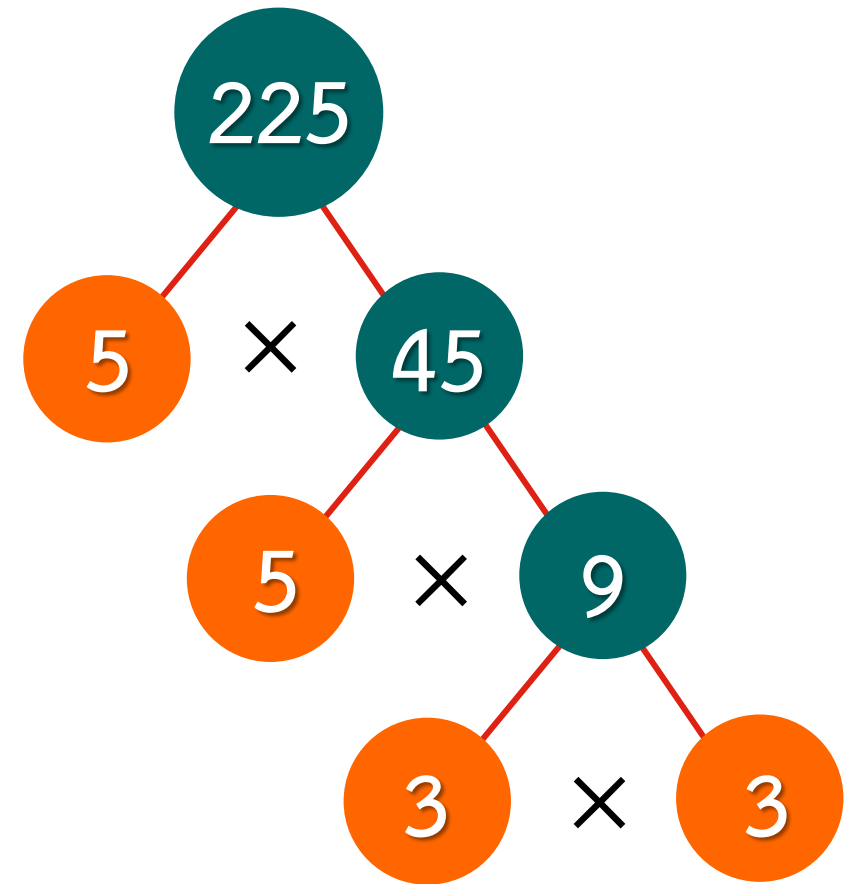
# หารากที่สองโดยใช้การแยกตัวประกอบ

ตัวอย่างที่ 1 จงหารากที่สองของ 225

$$\begin{aligned}\text{เนื่องจาก } 225 &= 5 \times 5 \times 3 \times 3 \\ &= (5 \times 3) \times (5 \times 3) \\ &= (5 \times 3)^2 \\ &= 15^2\end{aligned}$$

$$\text{และ } 225 = (-15)^2$$

ดังนั้น รากที่สองของ 225 ได้แก่ 15 และ -15



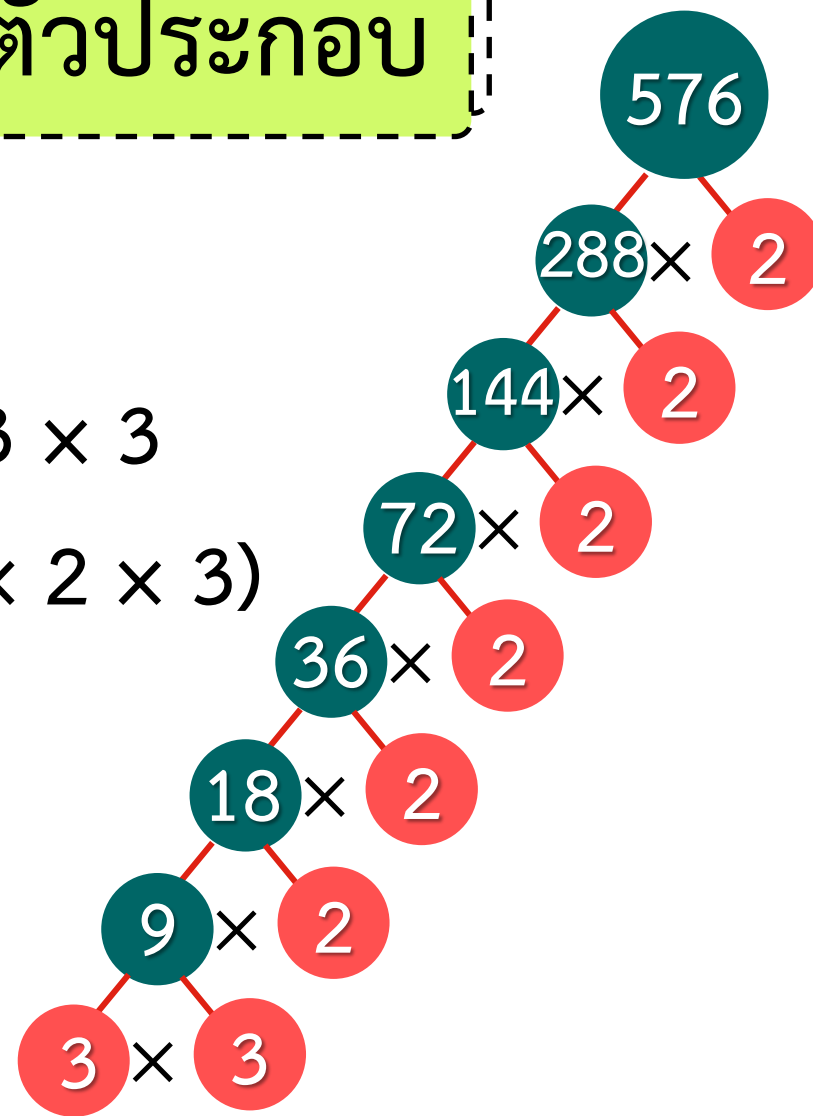
# หารากที่สองโดยใช้การแยกตัวประกอบ

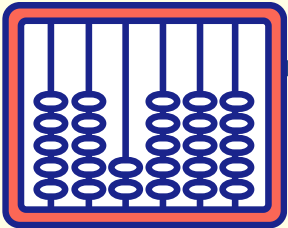
## ตัวอย่างที่ 2 จงหารากที่สองของ 576

$$\begin{aligned}\text{เนื่องจาก } 576 &= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \\ &= (2 \times 2 \times 2 \times 3) \times (2 \times 2 \times 2 \times 3) \\ &= (2 \times 2 \times 2 \times 3)^2 \\ &= 24^2\end{aligned}$$

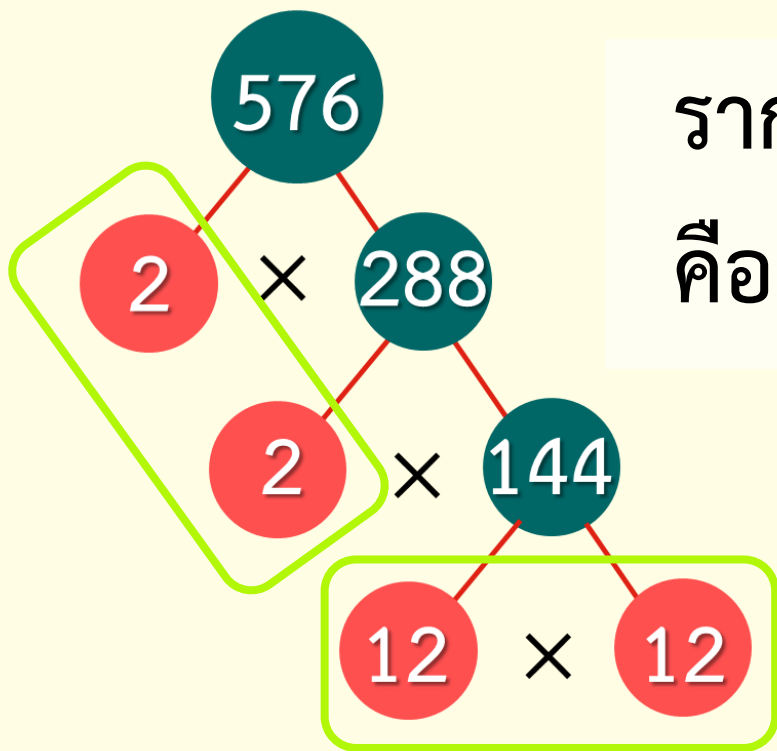
$$\text{และ } 576 = (-24)^2$$

ดังนั้น รากที่สองของ 576 ได้แก่ 24 และ -24



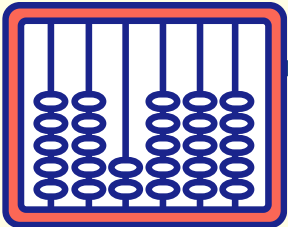


ในการแยกตัวประกอบอาจไม่พิจารณาตัวประกอบที่เป็นจำนวนเฉพาะก็ได้ หากนักเรียนสามารถหาจำนวนที่เหมือนกันคูณกันได้

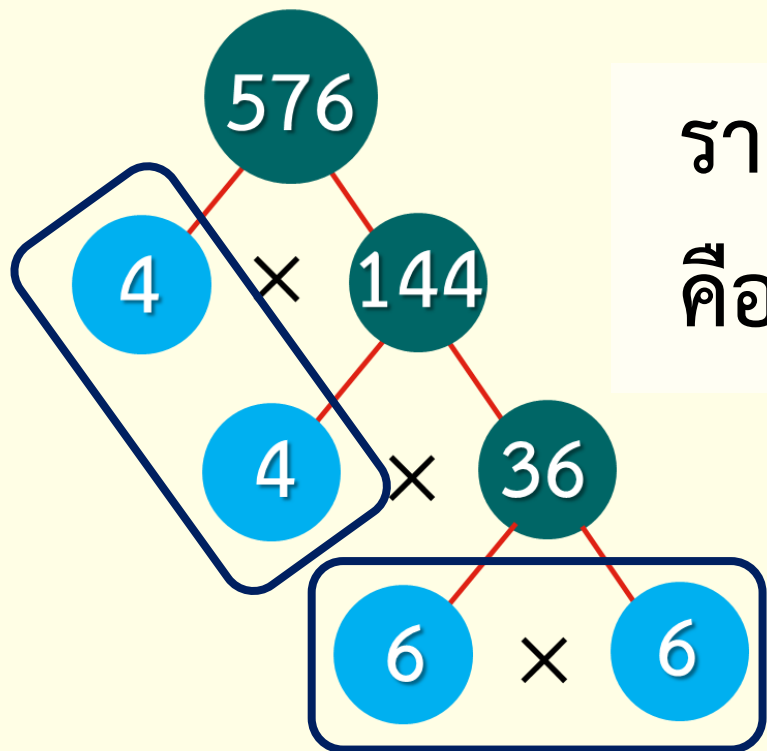


รากที่สองที่เป็นบวกของ 576  
คือ  $2 \times 12$  ซึ่งเท่ากับ 24





ในการแยกตัวประกอบอาจไม่พิจารณาตัวประกอบที่เป็นจำนวนเฉพาะก็ได้ หากนักเรียนสามารถหาจำนวนที่เหมือนกันคูณกันได้



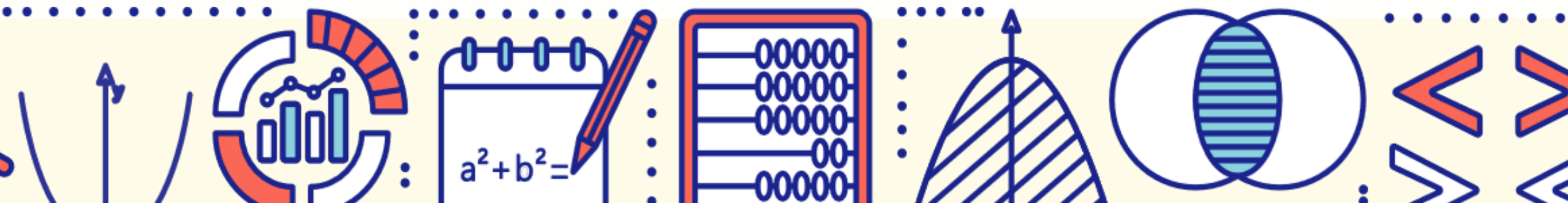
รากที่สองที่เป็นบวกของ 576  
คือ  $4 \times 6$  ซึ่งเท่ากับ 24





# แบบฝึกหัด 7

## การหารากที่สอง



# แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



(สามารถดาวน์โหลดได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th))



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง

คำชี้แจง ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้ โดยใช้การแยกตัวประกอบ

1. จงหารากที่สองของ 625

625 แยกตัวประกอบได้เป็น.....

จะได้  $625 = \dots\dots\dots$  และ  $625 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 625 ได้แก่.....

2. จงหารากที่สองของ 441

441 แยกตัวประกอบได้เป็น.....

จะได้  $441 = \dots\dots\dots$  และ  $441 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 441 ได้แก่.....

3. จงหารากที่สองของ 400

400 แยกตัวประกอบได้เป็น.....

จะได้  $400 = \dots\dots\dots$  และ  $400 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 400 ได้แก่.....

4. จงหารากที่สองของ 324

324 แยกตัวประกอบได้เป็น.....

จะได้  $324 = \dots\dots\dots$  และ  $324 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 324 ได้แก่.....

5. จงหารากที่สองของ 900

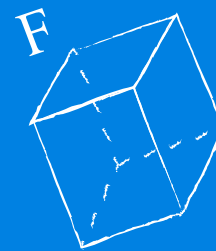
900 แยกตัวประกอบได้เป็น.....

จะได้  $900 = \dots\dots\dots$  และ  $900 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 900 ได้แก่.....



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

1. จงหารากที่สองของ 625

625 แยกตัวประกอบได้เป็น  $5 \times 5 \times 5 \times 5$  .....

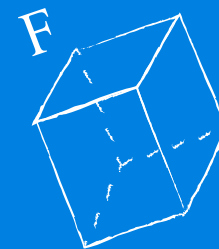
จะได้  $625 = 25^2$  ..... และ  $625 = (-25)^2$  .....

ดังนั้น รากที่สองของ 625 ได้แก่  $25$  และ  $-25$  .....





# แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

2. จงหารากที่สองของ 441

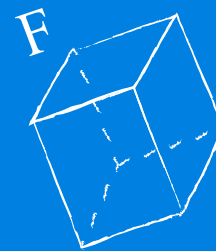
441 แยกตัวประกอบได้เป็น .....

จะได้  $441 = \dots\dots\dots$  และ  $441 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 441 ได้แก่ .....



# แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

3. จงหารากที่สองของ 400

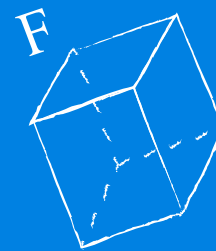
400 แยกตัวประกอบได้เป็น .....

จะได้  $400 = \dots\dots\dots$  และ  $400 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 400 ได้แก่ .....



# แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

4. จงหารากที่สองของ 324

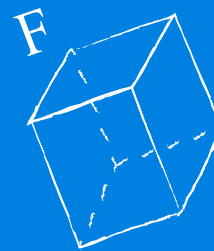
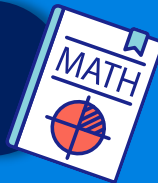
324 แยกตัวประกอบได้เป็น .....

จะได้  $324 = \dots\dots\dots$  และ  $324 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 324 ได้แก่ .....



# แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

5. จงหารากที่สองของ 900

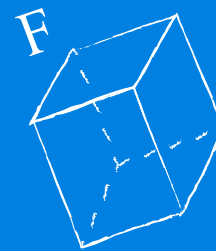
900 แยกตัวประกอบได้เป็น .....

จะได้  $900 = \dots\dots\dots$  และ  $900 = \dots\dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 900 ได้แก่ .....



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

2. จงหารากที่สองของ 441

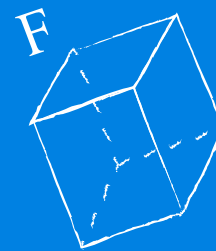
441 แยกตัวประกอบได้เป็น .....  $3 \times 3 \times 7 \times 7$  .....

จะได้  $441 = \dots\dots 21^2 \dots\dots$  และ  $441 = \dots\dots (-21)^2 \dots\dots$

ดังนั้น รากที่สองของ 441 ได้แก่ .....  $21$  และ  $-21$  .....



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

3. จงหารากที่สองของ 400

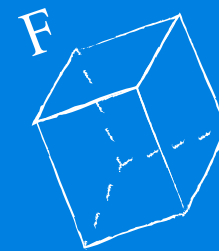
400 แยกตัวประกอบได้เป็น .....  $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5$  .....

จะได้  $400 = \dots\dots\dots 20^2$  ..... และ  $400 = \dots\dots\dots (-20)^2$  .....

ดังนั้น รากที่สองของ 400 ได้แก่ .....  $20$  และ  $-20$  .....



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

4. จงหารากที่สองของ 324

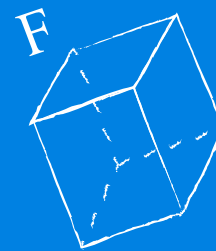
324 แยกตัวประกอบได้เป็น .....  $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$  .....

จะได้  $324 = \dots\dots\dots 18^2$  ..... และ  $324 = \dots\dots\dots (-18)^2$  .....

ดังนั้น รากที่สองของ 324 ได้แก่ .....  $18$  และ  $-18$  .....



## แบบฝึกหัด 7 : การหารากที่สอง



คำชี้แจง



ให้นักเรียนหารากที่สองของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้โดยใช้การแยกตัวประกอบ

5. จงหารากที่สองของ 900

900 แยกตัวประกอบได้เป็น .....  $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5$  .....

จะได้  $900 = \dots\dots\dots 30^2$  ..... และ  $900 = \dots\dots\dots (-30)^2$  .....

ดังนั้น รากที่สองของ 900 ได้แก่ .....  $30$  และ  $-30$  .....



# สรุป ความรู้

เราสามารถอาศัยการแยกตัวประกอบ  
ของจำนวนมาช่วยในการพิจารณาว่าจำนวนใด  
ที่ยกกำลังสองแล้วได้จำนวนที่ต้องการหา  
รากที่สองและรากที่สองของจำนวนจริงบวกใด ๆ  
จะมีสองราก ได้แก่ รากที่สองที่เป็นบวก และ  
รากที่สองที่เป็นลบ





บทเรียนครั้งต่อไป

เรื่อง

จับคู่รักรากที่สอง (3)



# สิ่งที่ต้องเตรียม

## แบบฝึกหัด 8 : การหารากที่สอง และกรณฑ์ที่สอง



(สามารถดาวน์โหลดได้ที่ [www.dltv.ac.th](http://www.dltv.ac.th))